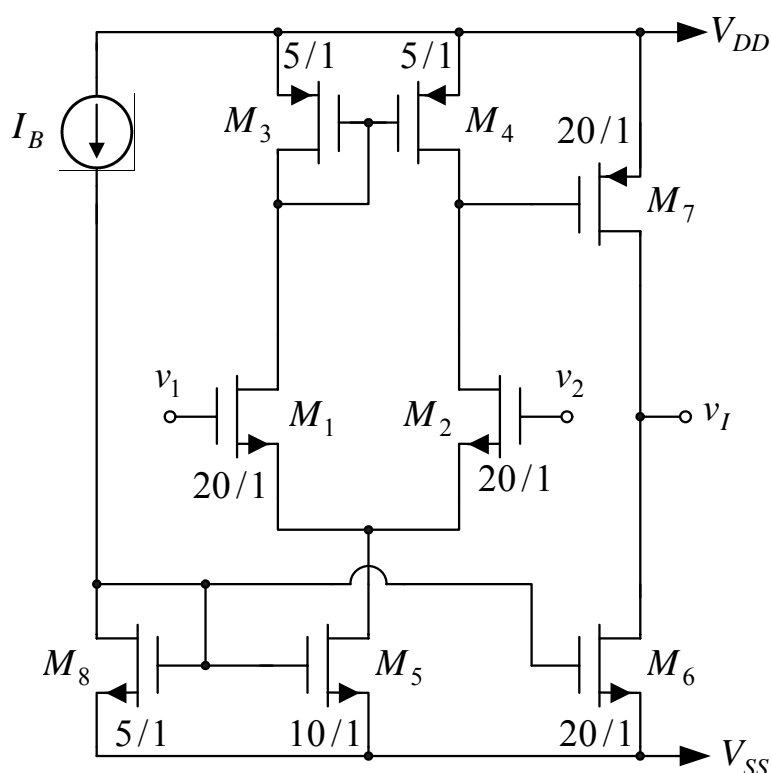
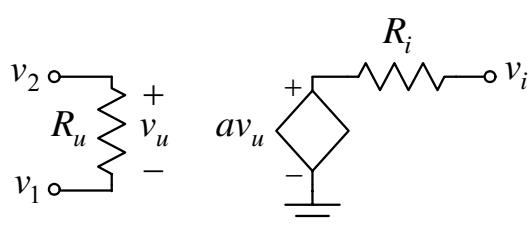


Glava 2

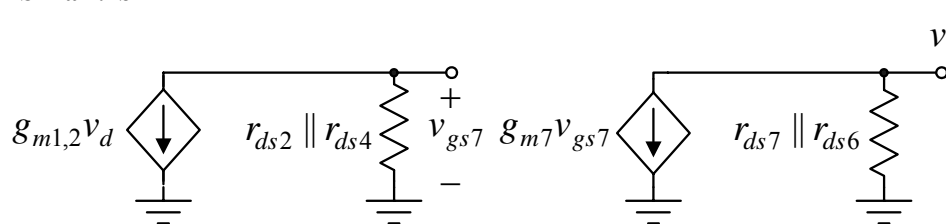
OPERACIONI POJAČAVAČ



Slika 2.1a



Slika 2.1b



Slika 2.1c

jalno pojačanje je

$$a_d = \frac{v_i}{v_2 - v_1} = \frac{v_i}{v_d} = \frac{g_{m1,2}}{g_{ds2} + g_{ds4}} \frac{g_{m7}}{g_{ds7} + g_{ds6}}$$

Pošto je

$$g_{m1,2} = \sqrt{2I_{D1,2}B_{1,2}} = \sqrt{2I_B\mu_n C_{ox}(W/L)_{1,2}}, \quad g_{m7} = \sqrt{2I_{D7}B_7} = \sqrt{8I_B\mu_p C_{ox}(W/L)_7},$$

$$g_{ds2} + g_{ds4} = (\lambda_n + \lambda_p)I_B \quad \text{i} \quad g_{ds6} + g_{ds7} = (\lambda_n + \lambda_p)4I_B,$$

diferencijalno pojačanje postaje

$$a_d = \frac{4I_B\sqrt{\mu_n C_{ox}(W/L)_{1,2}}\sqrt{\mu_p C_{ox}(W/L)_7}}{(\lambda_n + \lambda_p)^2 4I_B^2} = \frac{\sqrt{\mu_n C_{ox}(W/L)_{1,2}}\sqrt{\mu_p C_{ox}(W/L)_7}}{(\lambda_n + \lambda_p)^2 I_B} = 3662.$$

2.1. Na slici 2.1a prikazana je uprošćena šema jednog CMOS operacionog pojačavača. Na slici su, pored svakog tranzistora, date dimenzije širine i dužine kanala u μm , parametri upotrebljenih tranzistora su: $\mu_n C_{ox} = 110\mu\text{A}/\text{V}^2$, $V_{TN} = V_T = 0,7\text{V}$, $\lambda_n = 0,04\text{V}^{-1}$, $\mu_p C_{ox} = 50\mu\text{A}/\text{V}^2$, $V_{TP} = -V_T$ i $\lambda_p = 0,05\text{V}^{-1}$, dok je $V_{DD} = -V_{SS} = 2\text{V}$ i $I_B = 50\mu\text{A}$.

a) Odrediti parametre ekvivalentnog kola pojačavača za male signale, slika 2.1b, a , R_u i R_i u okolini mirne radne tačke $V_1 = V_2 = 0$.

b) Ako je srednja vrednost ulaznih napona jednaka nuli, odrediti opseg vrednosti izlaznog napona $v_{I\min} \leq v_I \leq v_{I\max}$ u kojem su svi tranzistori u zasićenju.

c) Ako je $v_1 = v_2 = V$, odrediti opseg vrednosti napona $V_{\min} \leq V \leq V_{\max}$ u kojem su svi tranzistori u zasićenju.

Rešenje:

a) S obzirom da se pobuda dovodi na gejtove diferencijalnog para $M_1 - M_2$, diferencijalna ulazna

otpornost pojačavača je

$$R_u \rightarrow \infty.$$

Na slici 2.1c prikazana je uprošćena šema pojačavača za male signale. Prema ovoj slici diferenci-

Prema slici 2.1c izlazna otpornost pojačavača je

$$R_i = \frac{1}{g_{ds6} + g_{ds7}} = \frac{1}{(\lambda_n + \lambda_p)4I_B} = 55,6 \text{ k}\Omega.$$

b) Maksimalna vrednost izlalnog napona za koju svi tranzistori rade u zasićenju određena je ulaskom tranzistora M_7 u triodnu oblast

$$v_{I \max} = V_{DD} + v_{DS7 \max} \approx V_{DD} - \sqrt{\frac{2I_{D7}}{B_7}} = V_{DD} - \sqrt{\frac{8I_B}{\mu_p C_{ox} (W/L)_7}} = 1,37 \text{ V}.$$

Minimalna vrednost ovog napona određena je ulaskom tranzistora M_6 u triodnu oblast

$$v_{I \min} = V_{SS} + v_{DS6 \min} \approx V_{SS} + \sqrt{\frac{2I_{D6}}{B_6}} = V_{SS} + \sqrt{\frac{8I_B}{\mu_p C_{ox} (W/L)_6}} = -1,57 \text{ V}.$$

c) Minimalna vrednost napona V određena je ulaskom tranzistora M_5 u triodnu oblast

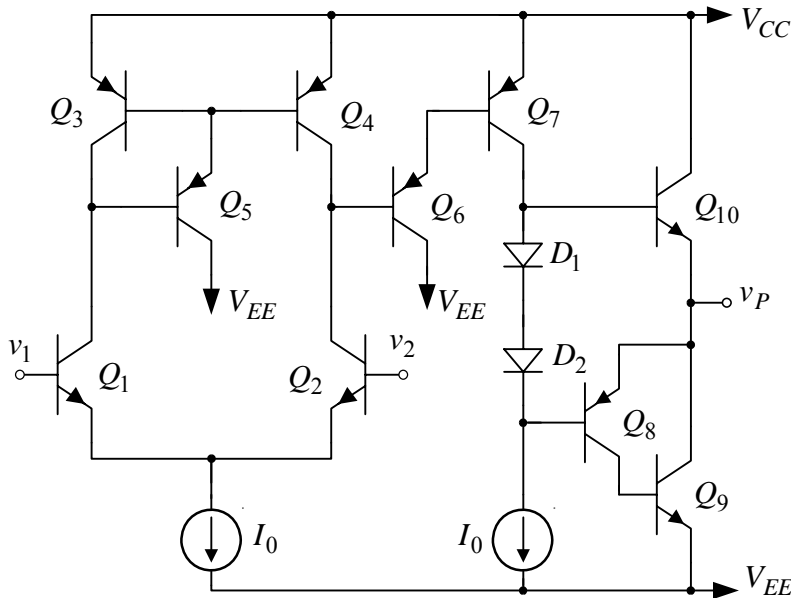
$$V_{\min} = V_{SS} + v_{DS5 \min} + V_{GS1,2} = V_{SS} + \sqrt{\frac{2I_{D5}}{B_5}} + V_{GS1,2} \Rightarrow$$

$$V_{\min} = V_{SS} + \sqrt{\frac{4I_B}{\mu_n C_{ox} (W/L)_5}} + V_T + \sqrt{\frac{2I_B}{\mu_n C_{ox} (W/L)_{1,2}}} = -0,66 \text{ V},$$

dok je maksimalna vrednost ovog napona određena ulaskom tranzistora M_1 i M_2 u triodnu oblast

$$V_{\max} = V_{DD} + V_{GS3,4} - v_{DG1,2 \min} = V_{DD} + V_{GS3,4} + V_T = V_{DD} - \sqrt{\frac{2I_B}{\mu_p C_{ox} (W/L)_{3,4}}} = 1,37 \text{ V}.$$

2.2. Na slici 2.2a prikazana je uprošćena šema jednog operacionog pojačavača. Parametri upotrebljenih tranzistora su: $\beta_{FN} = \beta_{on} = 200$, $\beta_{FP} = \beta_{op} = 50$, $|V_{BE}| \approx 0,6 \text{ V}$, $|V_{CES}| = 0,2 \text{ V}$, pad



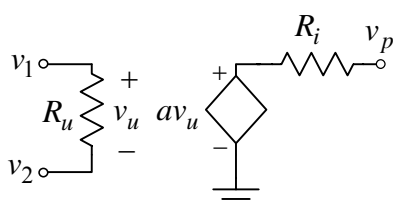
Slika 2.2a

može zanemariti.

- b) Odrediti maksimalnu i minimalnu vrednost napona na potrošaču za koju svi tranzistori rade u direktnom aktivnom režimu.
- c) Odrediti opseg napona srednje vrednosti $v_1 = v_2 = V$, $V_{\min} \leq V \leq V_{\max}$, za koji svi tranzistori

na pad naponu na provodnim diodama je $V_D = 0,6 \text{ V}$, dok je $V_{CC} = -V_{EE} = 5 \text{ V}$ i $I_0 = 200 \mu\text{A}$. Minimalan pad napona na strujnom izvoru neophodan za njegov ispravan rad je $V_{0 \min} = 0,3 \text{ V}$, a smatrati da u mirnoj radnoj tački ($v_1 = v_2 = 0$ i $v_P = 0$) tranzistor Q_{10} provodi struju $I_{C10} = 2 \text{ mA}$.

- a) Odrediti parametre ekvivalentnog kola pojačavača za male signale, slika 2.2b, a , R_u i R_i . Smatrati da je $r_{ce4} = 1 \text{ M}\Omega$, $r_{ce2} = 500 \text{ k}\Omega$ i $r_{ce7} = 250 \text{ k}\Omega$, dok se Earlyjev efekat na ostalim tranzistorima



Slika 2.2b

rade u direktnom aktivnom režimu.

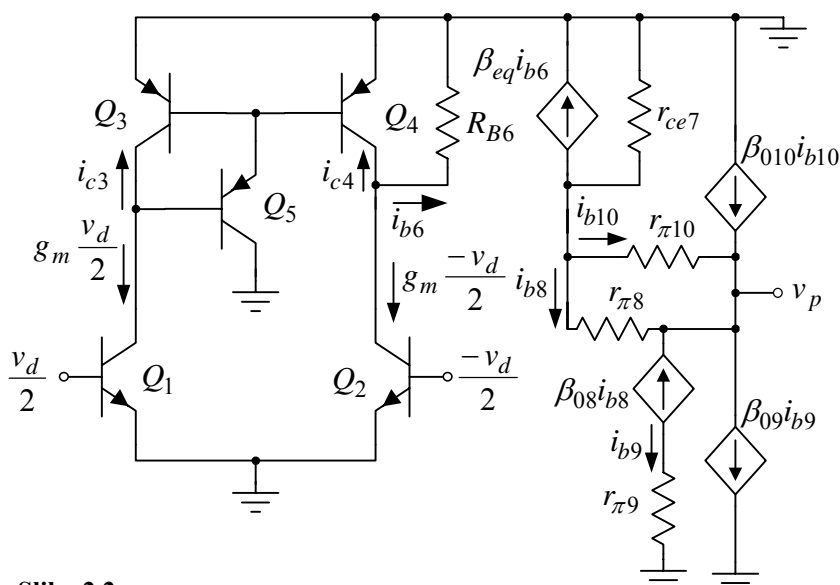
Rešenje:

a) Na slici 2.2c je prikazana šema pojačavača za male signale. Pošto su kolektorske struje u mirnoj radnoj tački:

$$I_{C1} = I_{C2} = I_0 / 2 = 100 \mu\text{A}, \quad I_{C3} = I_{C4} = I_0 / 2 = 100 \mu\text{A},$$

$$I_{C7} = I_0 = 200 \mu\text{A}, \quad I_{C6} = I_{C7} / \beta_{FP} = 4 \mu\text{A}, \quad I_{C10} = 2 \text{mA},$$

$$I_{C9} \approx I_{C10} = 2 \text{mA} \text{ i } I_{C8} = I_{C9} / \beta_{FN} = 10 \mu\text{A},$$



Slika 2.2c

parametri tranzistora u modelu za male signale su

$$g_{m1} = g_{m2} = g_m = \frac{I_{C1}}{V_t} = 4 \text{ mS},$$

$$r_{\pi1} = r_{\pi2} = \beta_{on} V_t / I_{C1} = 50 \text{ k}\Omega,$$

$$r_{\pi6} = \beta_{op} V_t / I_{C6} = 312,5 \text{ k}\Omega,$$

$$r_{\pi7} = \beta_{op} V_t / I_{C7} = 6,25 \text{ k}\Omega,$$

$$r_{\pi10} = \beta_{on} V_t / I_{C10} = 2,5 \text{ k}\Omega,$$

$$r_{\pi8} = \beta_{op} V_t / I_{C8} = 125 \text{ k}\Omega \text{ i}$$

$$r_{\pi9} = \beta_{on} V_t / I_{C9} = 2,5 \text{ k}\Omega.$$

Diferencijalna ulazna otpornost pojačavača je

$$R_u = 2r_{\pi1} = 100 \text{ k}\Omega.$$

Otpornost koja se vidi u bazi tranzistora Q_6 je

$$R_{B6} = r_{\pi6} + (1 + \beta_{op})r_{\pi7} = 631 \text{ k}\Omega,$$

dok je ekvivalentno strujno pojačanje

$$\beta_{eq} = (1 + \beta_{06})\beta_{07} \approx \beta_{06}\beta_{07} = \beta_{op}^2.$$

Tranzistori Q_3 i Q_4 čine strujno ogledalo, pa je

$$i_{c4} \approx i_{c3} = -i_{c1} = g_m v_d / 2, \quad i_{c2} = -g_m v_d / 2 \Rightarrow$$

$$i_{c2} + i_{c4} = -g_m v_d \text{ i } i_{b6} = -\frac{r_{ce4} \parallel r_{ce2}}{r_{ce4} \parallel r_{ce2} + R_{B6}} (i_{c2} + i_{c4}) = -\frac{r_{ce4} \parallel r_{ce2}}{r_{ce4} \parallel r_{ce2} + R_{B6}} g_m v_d.$$

Otpornost koja se vidi u bazi izlaznih tranzistora je beskonačna, pa je

$$v_{b10} = v_p = -r_{ce7} \beta_{eq} i_{b6} = r_{ce7} \beta_{eq} \frac{r_{ce4} \parallel r_{ce2}}{r_{ce4} \parallel r_{ce2} + R_{B6}} g_m v_d,$$

odakle se dobija naponsko pojačanje

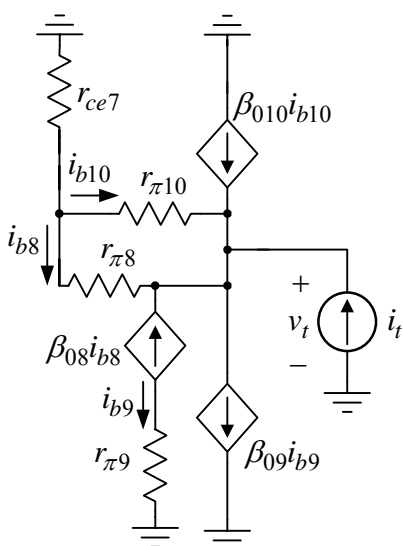
$$a = \frac{v_p}{v_d} = r_{ce7} \beta_{eq} \frac{r_{ce4} \parallel r_{ce2}}{r_{ce4} \parallel r_{ce2} + R_{B6}} g_m = 8,64 \cdot 10^5.$$

Izlazna otpornost pojačavača dobija se iz šeme za male signale prikazane na slici 2.2d. Prema Kirhofovima zakonima je

$$i_{b9} = -\beta_{08} i_{b8}, \quad r_{\pi8} i_{b8} = r_{\pi10} i_{b10},$$

$$(1 + \beta_{010}) i_{b10} + (1 + \beta_{08}) i_{b8} - \beta_{09} i_{b9} = -i_t \text{ i}$$

$$\frac{v_t + r_{\pi10} i_{b10}}{r_{ce7}} + i_{b10} + i_{b8} = 0.$$



Slika 2.2d

Svođenjem se dobija da je izlazna otpornost

$$R_i = \frac{v_t}{i_t} \approx r_{ce7} \frac{1 + \frac{r_{\pi10} + r_{\pi10}}{r_{ce7}} \frac{r_{\pi8}}{r_{\pi8}}}{\beta_{010} + \frac{r_{\pi10}}{r_{\pi8}} \beta_{08} \beta_{09}} \approx 640 \Omega.$$

b) S obzirom na veliko naponsko pojačanje pojačavača, maksimalna vrednost neizobličenog napona na potrošaču određena je ulaskom u zasićenje tranzistora Q_7

$$v_{P\max} = V_{CC} - V_{ECS7} - V_{BE10} = 4,2 \text{ V}.$$

Iz istog razloga je minimalna vrednost neizobličenog napona na potrošaču određena ulaskom u zasićenje strujnog izvora I_0

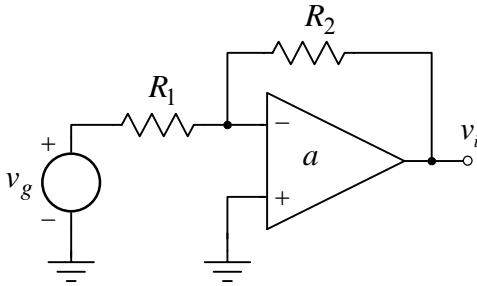
$$v_{P\min} = V_{EE} + V_{0\min} + V_{EB8} = -4,1 \text{ V}.$$

c) Maksimalna vrednost napona V određena je zasićenjem diferencijalnog para $Q_1 - Q_2$

$$V_{\max} = V_{CC} - V_{EB7} - V_{EB6} - V_{CES1,2} + V_{BE1,2} = 4,2 \text{ V},$$

dok je minimalna vrednost ovog napona određena zasićenjem strujnog izvora

$$V_{\min} = V_{EE} + V_{0\min} + V_{BE1,2} = -4,1 \text{ V}.$$



Slika 2.3

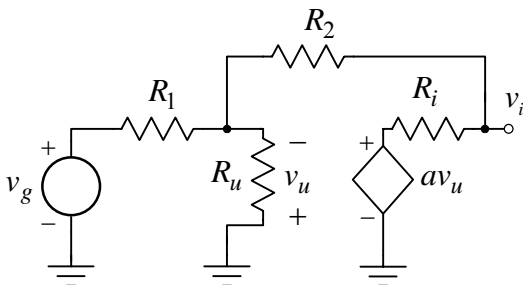
$a \rightarrow \infty$, odrediti opseg vrednosti $a_{r\min} \leq a_r \leq a_{r\max}$ u kojem se nalazi naponsko pojačanje.

2.3. U pojačavaču sa slike 2.3 upotrebljen je operacioni pojačavač čiji su parametri $R_u = 1 \text{ M}\Omega$, $R_i = 100 \Omega$ i $a = 10^5$, dok su mu sve ostale karakteristike idealne. Poznato je $R_2 = 100 \text{ k}\Omega$ i $R_1 = 10 \text{ k}\Omega$.

- Odrediti naponsko pojačanje $a_r = v_i / v_g$.
- Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator v_g .
- Odrediti izlaznu otpornost pojačavača R_{ir} .
- Ponoviti prethodne tačke kada $a \rightarrow \infty$.
- Ako su upotrebljene otpornosti sa tolerancijom $\pm 1\%$ i

Rešenje:

a) Na slici 2.3a prikazana je ekvivalentna šema pojačavača, gde je operacioni pojačavač zamenjen modelom za male signale. Pošto je primenjena negativna povratna sprega, pojačanje se može dobiti primenom asimptotske formule



Slika 2.3a

$a = 0$. Tada je pojačanje

$$a_0 = \frac{v_{i0}}{v_g} = \frac{1}{R_1 + R_u \parallel (R_2 + R_i)} \frac{R_u}{R_u + R_2 + R_i} R_i = 9 \cdot 10^{-4}.$$

Pojačanje pojačavača sa reakcijom dobija se svođenjem prethodnih izraza

$$a_r = \frac{v_i}{v_g} = a_\infty \frac{T}{1+T} + \frac{a_0}{1+T}, \quad T = -\beta a.$$

Sečenjem βa kruga dobija se kružno pojačanje

$$\beta a = -a \frac{R_u \parallel R_1}{R_u \parallel R_1 + R_2 + R_i} = -9000.$$

Kada se pusti da $a \rightarrow \infty$, tada je

$$v_u \rightarrow 0 \quad \text{i} \quad \frac{v_g}{R_1} = -\frac{v_{i\infty}}{R_2} \Rightarrow a_\infty = \frac{v_{i\infty}}{v_g} = -\frac{R_2}{R_1} = -10.$$

Drugo asimptotsko pojačanje se dobija kada je

$$a_r = \frac{v_i}{v_g} = -\frac{(aR_2 - R_i)R_u}{(a+1)R_uR_1 + (R_2 + R_i)(R_u + R_1)} = -9,999,$$

što se dobija i primenom Kirhofovih zakona. Ovaj drugi put rešavanja je nešto duži.

b) Otpornost koju vidi pobudni generator v_g je

$$R_{ur} = R_1 + R_{u1},$$

gde je R_{u1} otpornost koja se vidi na minus priključku operacionog pojačavača. Pošto je primenjena negativna povratna sprega, za određivanje otpornosti R_{u1} može se primeniti Blackmanova formula

$$R_{u1} = R_{u10} \frac{1 - \beta a_{ksu}}{1 - \beta a_{ovu}} = \frac{R_{u10}}{1 - \beta a_{ovu}}.$$

Otpornost R_{u10} je otpornost bez reakcije. Ova otpornost se dobija se kada je $a = 0$, ili kada se raskine kružni tok signala i na krajevima prekida postavte otpornosti sa suprotne strane prekida kada u kolu nema reakcije

$$R_{u10} = R_u \parallel (R_2 + R_i) = 91 \text{ k}\Omega.$$

Pošto je kružno pojačanje

$$\beta a_{ovu} = -a \frac{R_u}{R_u + R_2 + R_i} = -9,09 \cdot 10^4,$$

otpornost koja se vidi od minus priključka operacionog pojačavača do mase je

$$R_{u1} = \frac{R_{u10}}{1 - \beta a} = 1 \Omega \Rightarrow R_{ur} = R_1 + R_{u1} \approx R_1 = 10 \text{ k}\Omega.$$

c) Izlazna otpornost se takođe može dobiti primenom Blackmanove formule

$$R_i = R_{i0} \frac{1 - \beta a_{ksi}}{1 - \beta a_{ovi}} = \frac{R_{i0}}{1 - \beta a}.$$

Otpornost R_{i0} se dobija kada je $a = 0$:

$$R_{i0} = R_i \parallel (R_2 + R_u \parallel R_1) = 99,91 \Omega,$$

a posle smene se dobija izlazna otpornost pojačavača sa reakcijom

$$R_i = \frac{R_{i0}}{1 - \beta a} = 11 \text{ m}\Omega.$$

U kolu je primenjena paralelno-naponska reakcija, pa se i otpornost na minus ulazu operacionog pojačavača i izlazna otpornost pojačavača smanjuju.

d) Kada $a \rightarrow \infty$ ulazni napon operacionog pojačavača teži nuli $v_u \rightarrow 0$, tako da je

$$a = a_\infty = -\frac{R_2}{R_1} = -10, \beta a = -\infty, R_{ur} = R_1 = 10 \text{ k}\Omega \text{ i } R_{ir} \rightarrow 0.$$

e) Na osnovu izraza za naponsko pojačanje invertujućeg pojačavača iz prethodne tačke se dobija

$$a_r = -\frac{R_2}{R_1} = -\frac{R_2(1 + x_2/100)}{R_1(1 + x_1/100)} \approx -\frac{R_2}{R_1} \left[\left(1 + \frac{x_2}{100}\right) \left(1 - \frac{x_1}{100}\right) \right] \approx -\frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{x_2 - x_1}{100}\right),$$

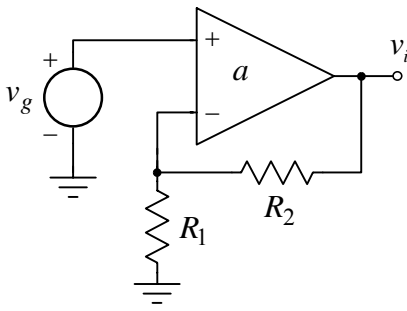
gde su x_1 i x_2 procentualna odstupanja otpornosti R_1 i R_2 , respektivno.

Maksimalna vrednost naponskog pojačanja, vodeći računa i o znaku pojačanja, ima se kada je $x_1 = -x_2 = x = 1\%$, a smenom se dobija

$$a_{r \max} \approx -\frac{R_2}{R_1} \left(1 - \frac{2x}{100}\right) = -9,8.$$

Minimalna vrednost naponskog pojačanja ima se kada je $x_2 = -x_1 = x = 1\%$, a tada je

$$a_{r \min} \approx -\frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{2x}{100}\right) = -10,2.$$

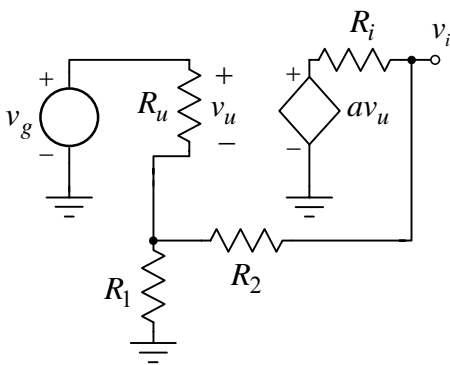


Slika 2.4

2.4. U pojačavaču sa slike 2.4 upotrebljen je operacioni pojačavač čiji su parametri $R_u = 1\text{M}\Omega$, $R_i = 100\Omega$ i $a = 10^5$, dok su mu sve ostale karakteristike idealne. Poznato je $R_2 = 90\text{k}\Omega$ i $R_1 = 10\text{k}\Omega$.

- Odrediti naponsko pojačanje $a_r = v_i / v_g$.
- Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator v_g .
- Odrediti izlaznu otpornost pojačavača R_{ir} .
- Ponoviti prethodne tačke kada $a \rightarrow \infty$.
- Ako su upotrebljene otpornosti sa tolerancijom $\pm 1\%$ i $a \rightarrow \infty$, odrediti opseg vrednosti $a_{r\min} \leq a_r \leq a_{r\max}$ u kojem se nalazi naponsko pojačanje.

Rešenje:



Slika 2.4a

a) Na slici 2.4a prikazana je ekvivalentna šema pojačavača, gde je operacioni pojačavač zamenjen modelom za male signale. Primenom asimptotske formule dobija se

$$a_r = \frac{v_i}{v_g} = a_\infty \frac{T}{1+T} + \frac{a_0}{1+T}, \quad T = -\beta a.$$

Kružno pojačanje je

$$\beta a = -a \frac{R_u \parallel R_1}{R_u \parallel R_1 + R_2 + R_i} = -9900.$$

Asimptotsko pojačanje a_∞ dobija se kada $a \rightarrow \infty$. Tada je

$$v_u \rightarrow 0 \text{ i } \frac{v_g}{R_1} = \frac{v_{i\infty} - v_g}{R_2} \Rightarrow a_\infty = \frac{v_{i\infty}}{v_g} = 1 + \frac{R_2}{R_1} = 10.$$

Asimptotsko pojačanje a_0 dobija se kada je $a_0 = 0$:

$$a_0 = \frac{v_{i0}}{v_g} = \frac{1}{R_u + R_1 \parallel (R_2 + R_i)} \frac{R_1}{R_1 + R_2 + R_i} R_i = 9,9 \cdot 10^{-6}.$$

Naponsko pojačanje pojačavača sa reakcijom je

$$a_r = a_\infty \frac{T}{1+T} + \frac{a_0}{1+T} = 9,999.$$

b) Primenom Blackmanove formule dobija se otpornost koju vidi pobudni generator

$$R_{ur} = R_{u0} \frac{1 - \beta a_{ksu}}{1 - \beta a_{ovu}} = R_{u0} (1 - \beta a).$$

Ulazna otpornost bez reakcije je

$$R_{u0} = R_{ur}|_{a=0} = R_u + R_1 \parallel (R_2 + R_i) = 1009\text{k}\Omega,$$

tako da je otpornost koju vidi pobudni generator

$$R_{ur} = R_{u0} (1 - \beta a) = 9,99\text{G}\Omega.$$

c) Izlazna otpornost pojačavača je

$$R_i = R_{i0} \frac{1 - \beta a_{ksi}}{1 - \beta a_{ovi}} = \frac{R_{i0}}{1 - \beta a}.$$

Izlazna otpornost bez reakcije je

$$R_{i0} = R_{ir}|_{a=0} = R_i \parallel (R_2 + R_1 \parallel R_u) = 99,9\Omega,$$

tako da je izlazna otpornost pojačavača

$$R_i = \frac{R_{i0}}{1 - \beta a} = 10,1 \text{ m}\Omega.$$

U kolu je primenjena redno-naponska reakcija, što povećava ulaznu i smanjuje izlaznu otpornost pojačavača.

d) Kada $a \rightarrow \infty$, tada je

$$v_u \rightarrow 0 \text{ i } \frac{v_g}{R_1} = \frac{v_i - v_g}{R_2} \Rightarrow a_r = \frac{v_i}{v_g} = 1 + \frac{R_2}{R_1} = 10.$$

Zbog $a \rightarrow \infty$ kružno pojačanje postaje $\beta a \rightarrow -\infty$, pa je

$$R_u \rightarrow \infty \text{ i } R_i \rightarrow 0.$$

e) Naponsko pojačanje neinvertujućeg pojačavača je

$$a_r = 1 + \frac{R_2}{R_1} = 1 + \frac{R_2(1 + x_2/100)}{R_1(1 + x_1/100)} \approx 1 + \frac{R_2}{R_1} \left[\left(1 + \frac{x_2}{100}\right) \left(1 - \frac{x_1}{100}\right) \right] \approx 1 + \frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{x_2 - x_1}{100}\right),$$

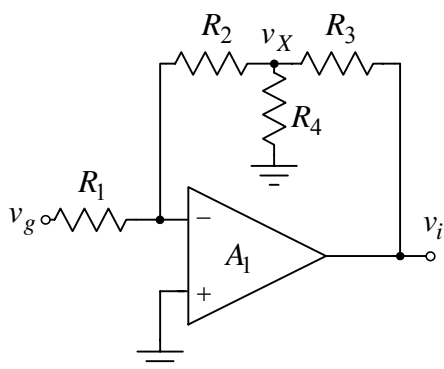
gde su x_1 i x_2 procentualna odstupanja otpornosti R_1 i R_2 , respektivno.

Maksimalna vrednost naponskog pojačanja ima se kada je $x_2 = -x_1 = x = 1\%$:

$$a_{r \max} \approx 1 + \frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{2x}{100}\right) = 10,18,$$

dok je njegova minimalna vrednost

$$a_{r \min} \approx 1 + \frac{R_2}{R_1} \left(1 - \frac{2x}{100}\right) = 9,82, \quad x_1 = -x_2 = x = 1\%.$$



Slika 2.5

2.5. U kolu sa slike 2.5 operacioni pojačavač je idealan, dok je $R_2 = R_3 = 390 \text{ k}\Omega$ i $R_1 = 50 \text{ k}\Omega$.

a) Odrediti otpornost R_4 tako da naponsko pojačanje bude

$$a = v_i / v_g = -100.$$

b) Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator v_g .

Rešenje:

a) U kolu je primenjena negativna povratna sprega, što znači da je minus priključak operacionog pojačavača na virtuelnoj masi. Primenom Kirhofovih zakona se dobija

$$\frac{v_g}{R_1} = -\frac{v_X}{R_2} \Rightarrow v_X = -\frac{R_2}{R_1} v_g,$$

$$\frac{-v_X}{R_2} = \frac{v_X}{R_4} + \frac{v_X - v_i}{R_3} \Rightarrow \frac{v_i}{R_3} = v_X \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} \right) \Rightarrow \frac{v_i}{v_g} = a = -\frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{R_3}{R_2} + \frac{R_3}{R_4} \right).$$

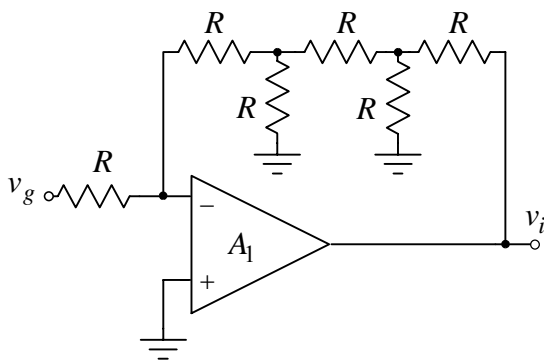
Na osnovu poznatog naponskog pojačanja dobija se otpornost R_4 ,

$$R_4 = \frac{-R_2 R_3}{R_1 a + R_2 + R_3} = 36 \text{ k}\Omega.$$

b) Ulazna otpornost pojačavača je

$$R_{ur} = R_1 = 50 \text{ k}\Omega.$$

Prednost ovog pojačavača u odnosu na klasični invertor je u korišćenju otpornosti manjih vrednosti. Za pojačanje od -100 i istu ulaznu otpornost klasični invertor morao bi imati u kolu negativne povratne sprege (od izlaza do minusa) otpornost od $R = 5 \text{ M}\Omega$.



Slika 2.6

2.6. U kolu sa slike 2.6 operacioni pojačavač je idealan, dok je $R = 10\text{ k}\Omega$. Odrediti naponsko pojačanje $a = v_i / v_g$.

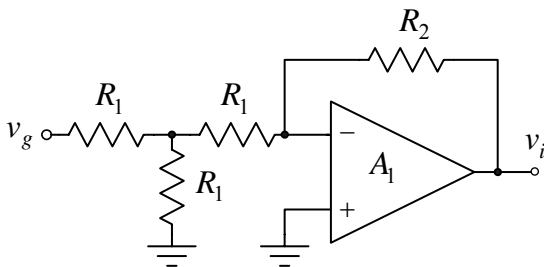
Rešenje:

Primenom Kirhofovih zakona se dobija

$$\frac{v_g}{R} = -\frac{v_g}{R} + \frac{-v_g - (v_i/2)}{R + R/2},$$

odakle se nalazi naponsko pojačanje

$$a = \frac{v_i}{v_g} = -8.$$



Slika 2.7

2.7. U kolu sa slike 2.7 operacioni pojačavač se može smatrati idealnim. Odrediti otpornosti R_1 i R_2 tako da:

- naponsko pojačanje bude $a = v_i / v_g = -1/3$
- otpornost koju vidi pobudni generator v_g bude $R_u = 15\text{ k}\Omega$.

Rešenje:

Korišćenjem Tevenenove teoreme dobija se kolo prikazano na slici 2.7a. Prema ovoj slici ulazna otpornost je

$$R_u = R_1 + R_1/2 = 3R_1/2,$$

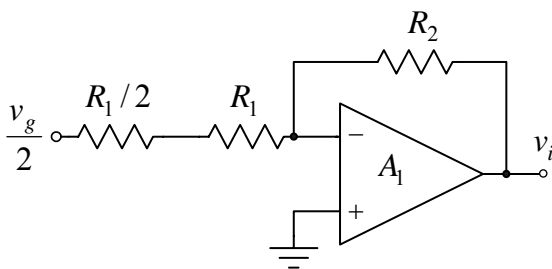
odakle se dobija otpornost R_1 ,

$$R_1 = 2R_u/3 = 10\text{ k}\Omega.$$

Naponsko pojačanje dobija se na osnovu iste slike primenom Kirhofovih zakona:

$$\frac{v_g/2}{R_1 + R_1/2} = -\frac{v_i}{R_2} \Rightarrow a = \frac{v_i}{v_g} = -\frac{R_2}{3R_1} \Rightarrow$$

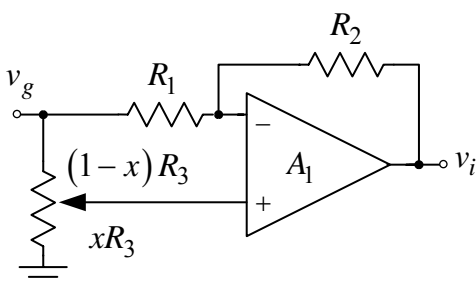
$$R_2 = R_1 = 10\text{ k}\Omega.$$



Slika 2.7a

2.8. U kolu sa slike 2.8 operacioni pojačavač se može smatrati idealnim, dok je $R_1 = R_2 = R_3 = 10\text{ k}\Omega$.

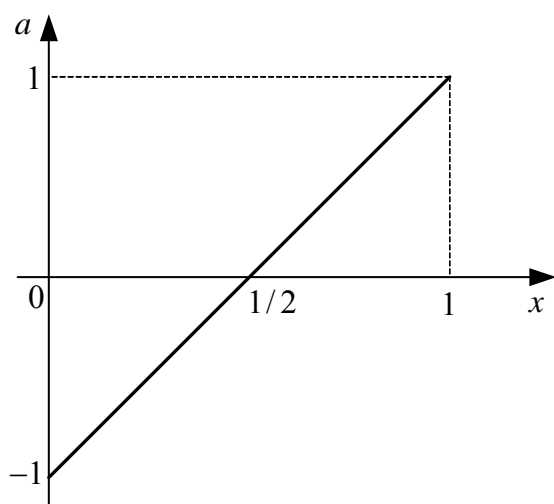
- Odrediti i nacrtati zavisnost naponskog pojačanja $a = v_i / v_g$ u funkciji položaja klizača x , $0 \leq x \leq 1$ potencijetra R_3 , $a = f(x)$.
- Odrediti zavisnost otpornosti R_u koju vidi pobudni generator v_g u funkciji položaja klizača x , $0 \leq x \leq 1$ potencijetra R_3 , $R_u = g(x)$.



Slika 2.8

Rešenje:

a) U kolu je ostvarena negativna povratna sprega, pa je



Slika 2.8a

$$v^- = v^+ = \frac{xR_3}{R_3} v_g = xv_g, \quad \frac{v_g - v^-}{R_1} = \frac{v^- - v_i}{R_2} \Rightarrow$$

$$v_i = -\frac{R_2}{R_1} v_g + \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) v^- \Rightarrow$$

$$v_i = -\frac{R_2}{R_1} v_g + \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) xv_g \Rightarrow$$

$$a = \frac{v_i}{v_g} = -\frac{R_2}{R_1} (1-x) + x = 2x - 1.$$

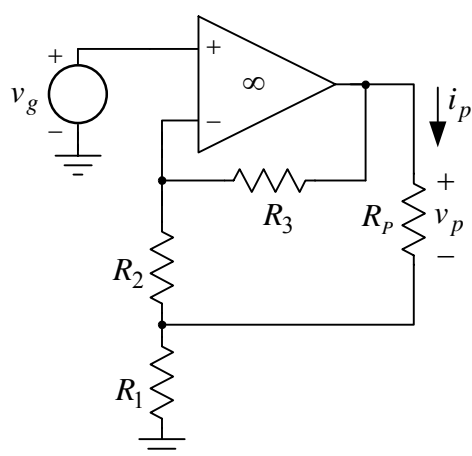
Na slici 2.8a prikazana je zavisnost $a = f(x)$, $0 \leq x \leq 1$.

b) Otpornost koju vidi pobudni generator v_g dobija se na osnovu sledećih jednakosti

$$R_u = \frac{v_g}{i_g} \text{ i } i_g = \frac{v_g}{R_3} + \frac{v_g - v^-}{R_1} = \frac{v_g}{R_3} + \frac{v_g}{R_1} (1-x) \Rightarrow R_u = \frac{v_g}{i_g} = R_3 \parallel \frac{R_1}{1-x} = \frac{R}{2-x}, \quad R_3 = R_1 = R.$$

U krajnjim položajima potencimetra R_3 otpornost koju vidi pobudni generator v_g je

$$R_u(x=0) = R/2 = 5 \text{ k}\Omega \text{ i } R_u(x=1) = R = 10 \text{ k}\Omega.$$



Slika 2.9

2.9. U kolu sa slike 2.9 operacioni pojačavač je idealan, a poznato je: $R_1 = 6\Omega$, $R_2 = 1\text{k}\Omega$ i $R_3 = 100\text{k}\Omega$. Odrediti naponsko pojačanje $a = v_p/v_g$ za dve vrednosti otpornosti potrošača:

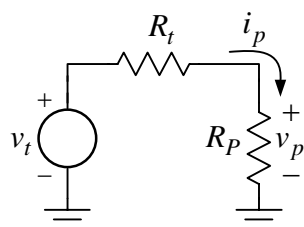
- a) $R_p = 600\Omega$ i
b) $R_p \rightarrow \infty$.

Rešenje:

Primenom Tevenenove teoreme dobija se kolo prikazano na slici 2.9a. Napon Tevenenovog generatora jednak je naponu "praznog hoda"

$$v_t = v_p \Big|_{R_p \rightarrow \infty}.$$

Napon praznog hoda dobija se iz kola sa slike 2.9b. Prema



Slika 2.9a

ovoj slici je

$$v^- = v^+ = v_g \Rightarrow v_t = (R_2 + R_3) \frac{v_g}{R_1 + R_2} \Rightarrow v_t = \frac{R_3 + R_2}{R_1 + R_2} v_g.$$

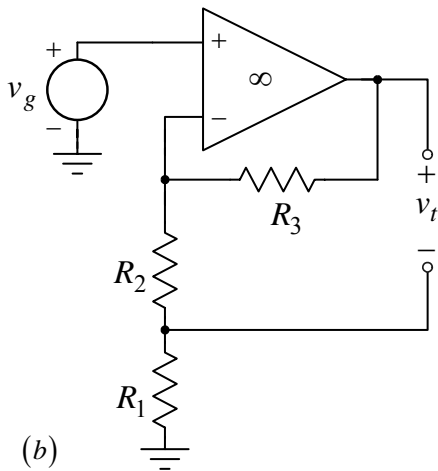
Tevenenova otpornost je

$$R_t = \frac{v_p \Big|_{R_p \rightarrow \infty}}{i_p \Big|_{R_p = 0}} = \frac{v_t}{i_{pks}},$$

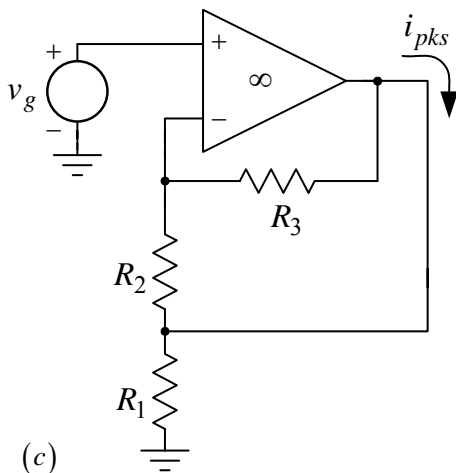
gde je i_{pks} struja kratkospojenih priključaka potrošača. Ova struja se određuje na osnovu slike 2.9c. Pošto je struja minus priključka operacionog pojačavača nula, to je

$$i_{R_2} = i_{R_3} = 0 \Rightarrow i_{pks} = v_g / R_1.$$

Smenom se dobija da je Tevenenova otpornost



(b)



(c)

Slika 2.9

$$R_t = \frac{v_t}{i_{pks}} = R_1 \frac{R_3 + R_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow R_t = 600 \Omega.$$

Prema slici 2.9a napon na potrošaču je

$$v_p = \frac{R_P}{R_P + R_t} v_t = \frac{R_P}{R_P + R_1 \frac{R_3 + R_2}{R_1 + R_2}} \frac{R_3 + R_2}{R_1 + R_2} v_g \Rightarrow$$

$$v_p = \frac{R_P (R_2 + R_3)}{R_P (R_1 + R_2) + R_1 (R_2 + R_3)} v_g.$$

a) Kada je $R_P = 600 \Omega$, smenom brojnih vrednosti se dobija

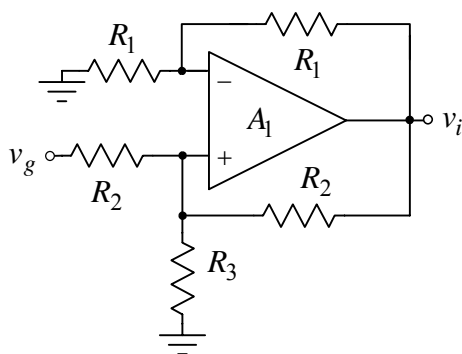
$$v_p = 50v_g \text{ i } a = v_p/v_g = 50.$$

Pošto je $R_P = R_t = 600 \Omega$, ostvareno je prilagođenje po snazi potrošača R_P i pojačavača.b) Kada $R_P \rightarrow \infty$, napon na potrošaču je

$$v_p = \frac{R_2 + R_3}{R_1 + R_2} v_g \approx \frac{R_3}{R_2} v_g = 100v_g \Rightarrow a = \frac{v_p}{v_g} \approx 100.$$

2.10. U kolu sa slike 2.10 operacioni pojačavač se može smatrati idealnim, dok je $R_1 = R_2 = 10 \text{ k}\Omega$ i $R_3 = 5 \text{ k}\Omega$.a) Odrediti naponsko pojačanje $a = v_i/v_g$.b) Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator v_g .c) Odrediti otpornost R_3 za koju se ulaz pojačavača ponaša kao:

c1) otvorena veza i c2) kratak spoj.



Slika 2.10

Rešenje:

a) Budući da je

$$\frac{R_2 \parallel R_3}{(R_2 \parallel R_3) + R_2} = 0,455 < \frac{R_1}{R_1 + R_1} = 0,5,$$

u kolu je ostvarena negativna reakcija. Stoga je

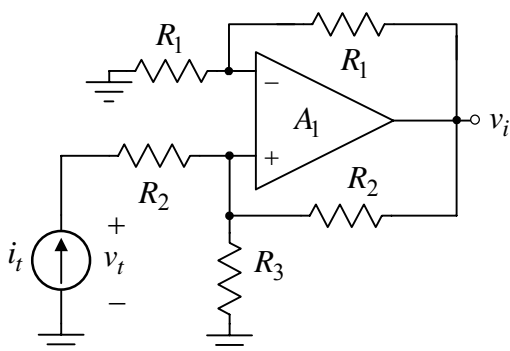
$$v_i = \left(1 + \frac{R_1}{R_1}\right) v^+ = 2v^+ \text{ i } \frac{v_g - v^+}{R_2} + \frac{2v^+ - v^+}{R_2} = \frac{v^+}{R_3} \Rightarrow$$

$$v^+ = \frac{R_3}{R_2} v_g \Rightarrow v_i = 2v^+ = \frac{2R_3}{R_2} v_g \Rightarrow a = \frac{v_i}{v_g} = \frac{2R_3}{R_2} = 1.$$

b) Na slici 2.10a prikazana je šema iz koje se određuje otpornost koju vidi pobudni generator v_g . Primenom rezultata iz prethodne tačke može se pisati

$$v_t = v^+ + R_2 i_t \text{ i } v^+ = \frac{R_3}{R_2} v_t \Rightarrow$$

$$R_{ur} = \frac{v_t}{i_t} = \frac{R_2}{1 - \frac{R_3}{R_2}} = 2R_2 = 20 \text{ k}\Omega.$$

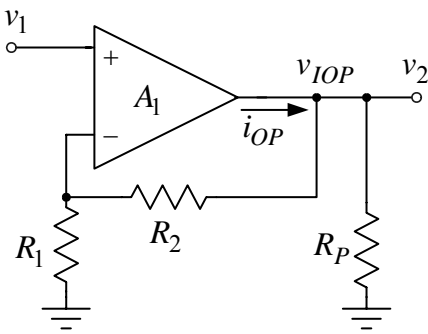
c1) Na osnovu izraza za ulaznu otpornost zaključuje se da će ona biti beskonačna kada je $R_3 = R_2$. U ovom

Slika 2.10a

slučaju naponsko pojačanje je

$$a = 2R_3 / R_2 = 2.$$

c2) Kada $R_2 \rightarrow \infty$, ulazna otpornost teži nuli, isto kao i naponsko pojačanje pojačavača.



Slika 2.11

2.11. U kolu pojačavača sa slike 2.11 upotrebljen je operacioni pojačavač koji se napaja iz baterija $V_{CC} = -V_{EE} = 12\text{ V}$, čiji se izlazni napon i struja nalaze u opsegu $v_{IOP\min} \leq v_{IOP} \leq v_{IOP\max}$, $v_{IOP\max} = -v_{IOP\min} = V_{CC} - 1\text{ V}$ i $i_{OP\min} \leq i_{OP} \leq i_{OP\max}$, $i_{OP\max} = -i_{OP\min} = 20\text{ mA}$. Sve ostale karakteristike operacionog pojačavača mogu se smatrati idealnim, dok je $R_2 = 1\text{ k}\Omega$ i $R_1 = 9\text{ k}\Omega$.

- a) Ako je $R_P = 1\text{ k}\Omega$, odrediti i nacrtati zavisnost $v_2 = f(v_1)$, $-2\text{ V} \leq v_1 \leq 2\text{ V}$.
- b) Ponoviti prethodnu tačku kada je $R_P = 100\Omega$.

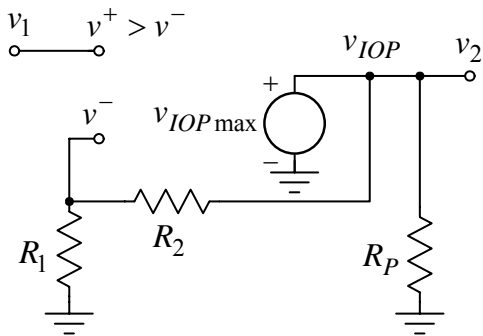
Rešenje:

a) Sve dok je operacioni pojačavač izvan strujnog ograničenja, ili naponskog zasićenja, u kolu je primenjena negativna povratna sprega. Ona čini da je

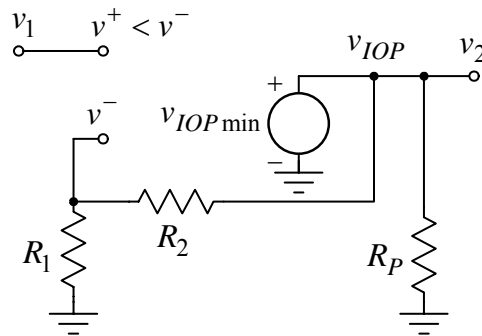
$$v^- = v^+ = v_1 \Rightarrow \frac{v_1}{R_1} = \frac{v_2}{R_1 + R_2} \Rightarrow v_2 = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)v_1 = 10v_1.$$

Operacioni pojačavač ući će u pozitivno zasićenje kada postane

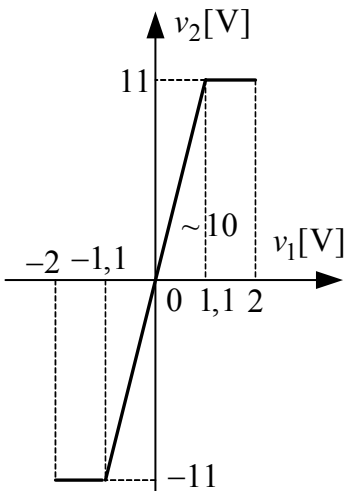
$$v_2 = v_{IOP\max} \Rightarrow v_1 = v_2 / 10 = v_{IOP\max} / 10 = 1,1\text{ V}.$$



Slika 2.11a



Slika 2.11b



Slika 2.11c

Ekvivalentna šema pojačavača kada je operacioni pojačavač u pozitivnom zasićenju pokazana je na slici 2.11a. Kada je $v_1 \geq 1,1\text{ V}$, napon na izlazu operacionog pojačavača je

$$v_2 = v_{IOP\max}, v_1 \geq 1,1\text{ V}.$$

Ekvivalentna šema pojačavača kada je operacioni pojačavač u negativnom zasićenju pokazana je na slici 2.11b. Zbog simetrije kola se lako zaključuje da je operacioni pojačavač u negativnom zasićenju kada je

$$v_2 = v_{IOP\min}, v_1 \leq -1,1\text{ V}.$$

Ekstremne vrednosti izlazne struje operacionog pojačavača su

$$i_{OP\max 1} = \frac{v_{IOP\max}}{R_P \parallel (R_1 + R_2)} = 2,2\text{ mA} < i_{OP\max} \text{ i}$$

$$i_{OP\min 1} = \frac{v_{IOP\min}}{R_P \parallel (R_1 + R_2)} = -2,2 \text{ mA} > i_{OP\min},$$

što znači da je izlaz operacionog pojačavača uvek u opsegu izvan strujnog ograničenja.

Na slici 2.11c prikazana je zavisnost $v_2 = f(v_1)$.

b) Zbog znatno manje otpornosti R_P , u ovom slučaju pre će doći do strujnog ograničenja, nego do naponskog zasićenja. Izvan strujnog ograničenja u kolu je ostvarena negativna reakcija, pa je

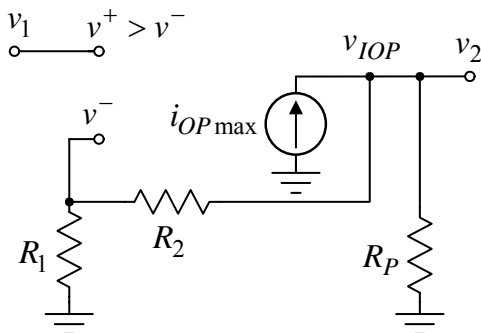
$$v_2 = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)v_1 = 10v_1, \quad V_{11} \leq v_1 \leq V_{12}.$$

Strujno ograničenje sa gornje strane se dešava kada postane

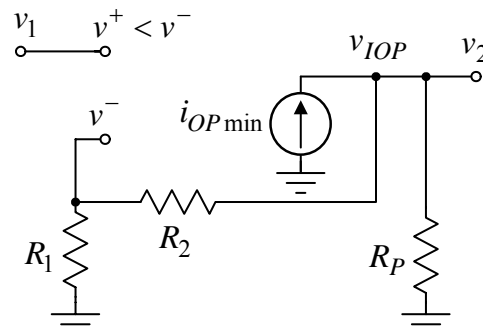
$$\frac{v_2}{R_P \parallel (R_1 + R_2)} = i_{OP\max} \Rightarrow v_2 = v_{2\max} = i_{OP\max} (R_P \parallel (R_1 + R_2)) \approx i_{OP\max} R_P = 2 \text{ V} \Rightarrow$$

$$V_{12} = v_{2\max} / 10 = 0,2 \text{ V}.$$

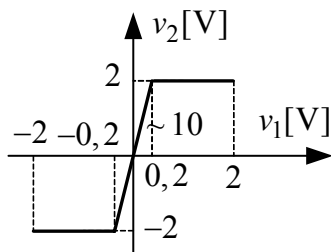
Ekvivalentna šema pojačavača kada operacioni pojačavač uđe u pozitivno strujno ograničenje pokazana je na slici 2.11d.



Slika 2.11d



Slika 2.11e



Slika 2.11f

Strujno ograničenje sa donje strane nastupa kada postane

$$\frac{v_2}{R_P \parallel (R_1 + R_2)} = i_{OP\min} \Rightarrow$$

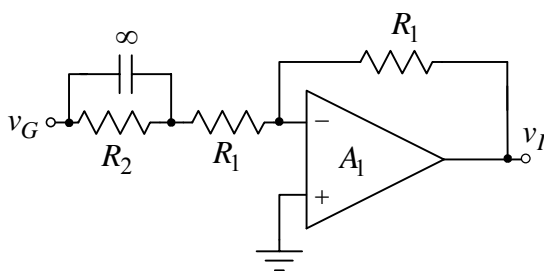
$$v_2 = v_{2\min} = i_{OP\min} (R_P \parallel (R_1 + R_2)) \approx i_{OP\min} R_P = -2 \text{ V} \Rightarrow$$

$$V_{11} = v_{2\min} / 10 = -0,2 \text{ V}.$$

Ekvivalentna šema pojačavača kada operacioni pojačavač uđe u negativno strujno ograničenje pokazana je na slici 2.11e.

Na slici 2.11f pokazana je zavisnost $v_2 = f(v_1)$ kada je

$R_P = 100 \Omega$.



Slika 2.12

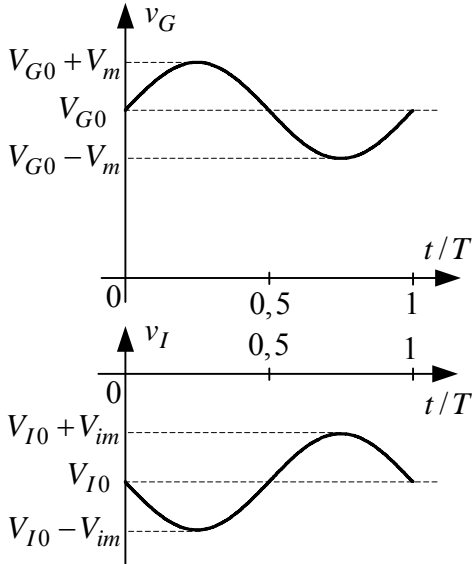
2.12. U kolu sa slike 2.12 operacioni pojačavač se napaja iz baterija $V_{CC} = -V_{EE} = 12 \text{ V}$, izlazna struja mu je ograničena na opseg $-5 \text{ mA} \leq i_{OP} \leq 5 \text{ mA}$, a može se smatrati da su mu ostale karakteristike idealne. Na ulaz pojačavača doveden je pobudni generator čija je *ems* $v_G = V_{G0} + V_m \sin(2\pi ft)$, $V_{G0} = 2,5 \text{ V}$, $f = 1 \text{ kHz}$, a poznato je $R_1 = R_2 = 10 \text{ k}\Omega$.

a) Ako je $V_m = 100 \text{ mV}$, odrediti i nacrtati vremenski oblik izlaznog napona $v_I(t)$.

b) Odrediti maksimalnu amplitudu napona pobudnog generatora $V_{m\max}$ pri kojoj se na izlazu

dobija neizobličen napon.

- c) Ako se između izlaza pojačavača i mase poveže potrošač čija je otpornost R_P , odrediti minimalnu vrednost ove otpornosti $R_{P\min}$ za koju je moguće ostvariti maksimalnu amplitudu iz tačke b).



Slika 2.12a

Rešenje:

- a) Primenom principa superpozicije dobija se

$$v_I = v_I(V_{G0})\Big|_{v_g=0} + v_I(v_g)\Big|_{V_{G0}=0} \Rightarrow$$

$$v_I = -\frac{R_1}{R_1 + R_2}V_{G0} - \frac{R_1}{R_1}v_g = -\frac{V_{G0}}{2} - v_g,$$

odakle je

$$v_I(t) = V_{I0} - V_{im} \sin(2\pi ft), \quad V_{I0} = -1,25 \text{ V} \text{ i } V_{im} = 100 \text{ mV}.$$

Na slici 2.12a prikazani su vremenski dijagrami ulaznog i izlaznog napona.

- b) Minimalna vrednost izlaznog napona određena je negativnim zasićenjem operacionog pojačavača:

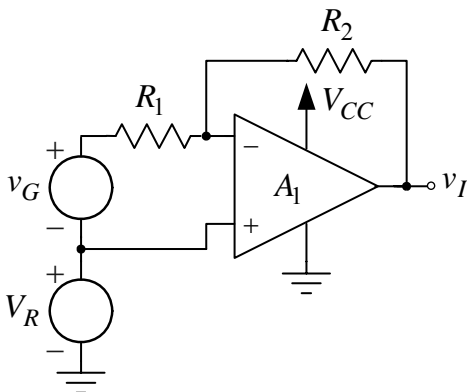
$$V_{EE} = V_{I0} - V_{m\max} \Rightarrow V_{EE} = -V_{G0}/2 - V_{m\max} \Rightarrow$$

$$V_{m\max} = -V_{EE} - V_{G0}/2 = 10,75 \text{ V}.$$

- c) Maksimalna amplituda pobudnog napona iz prethodne tačke može biti ostvarena samo ako operacioni pojačavač nije u negativnom strujnom ograničenju. U graničnom slučaju je

$$\frac{v_{I\min}}{R_P \parallel R_1} \geq i_{OP\min} = -5 \text{ mA} \Rightarrow \frac{V_{EE}}{R_P \parallel R_1} \geq i_{OP\min} = -5 \text{ mA} \Rightarrow$$

$$R_P \parallel R_1 \geq \frac{V_{EE}}{i_{OP\min}} = 2,4 \text{ k}\Omega \Rightarrow R_{P\min} = 3,16 \text{ k}\Omega.$$



Slika 2.13

- 2.13. U kolu sa slike 2.13 operacioni pojačavač se može smatrati idealnim i napaja se iz jedne baterije za napajanje $V_{CC} = 5 \text{ V}$. Poznato je: $V_R = V_{CC}/2$, $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$ i $R_2 = 10 \text{ k}\Omega$. Odrediti i nacrtati zavisnost $v_I = f(v_G)$, $-1 \text{ V} \leq v_G \leq 1 \text{ V}$.

Rešenje:

Sve dok je operacioni pojačavač izvan oblasti zasićenja u kolu je ostvarena negativna reakcija. Stoga je

$$v_I = v^- + R_2 i_2 = V_R - R_2 \frac{v_G}{R_1} \Rightarrow v_I = 2,5 \text{ V} - 10v_G.$$

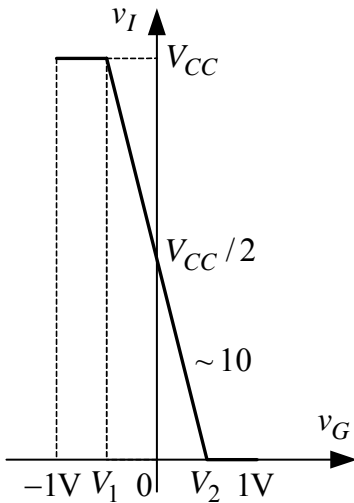
Operacioni pojačavač će ući u pozitivno zasićenje kada postane

$$v_I = V_{CC} \Rightarrow v_G = V_1 = \frac{R_1}{R_2}(V_R - V_{CC}) = -\frac{V_{CC}}{20} = -0,25 \text{ V}.$$

Kada je $-1 \text{ V} \leq v_G \leq V_1$, napon na izlazu je

$$v_I = V_{CC} = 5 \text{ V}.$$

Operacioni pojačavač ulazi u negativno zasićenje kada postane



Slika 2.13a

$$v_I = 0 \Rightarrow v_G = V_2 = \frac{R_1}{R_2} V_R = \frac{V_{CC}}{20} = 0,25 \text{ V}.$$

Kada je $V_2 \leq v_G \leq 1 \text{ V}$, napon na izlazu je

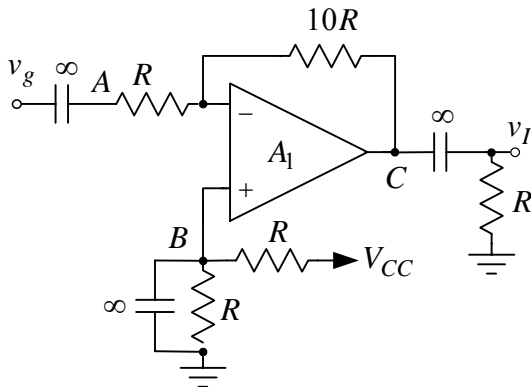
$$v_I = 0.$$

Na slici 2.13a prikazana je zavisnost $v_I = f(v_G)$.

2.14. U kolu pojačavača sa slike 2.14 operacioni pojačavač se može smatrati idealnim, napaja se iz jedne baterije $V_{CC} = 12 \text{ V}$, dok je $R = 10 \text{ k}\Omega$.

a) Ako je $v_g = V_m \sin(2\pi ft)$, $V_m = 0,1 \text{ V}$ i $f = 1 \text{ kHz}$, odrediti i nacrtati vremenske oblike napona u tačkama A, B i C, kao i izlaznog napona $v_I(t)$.

b) Odrediti maksimalnu amplitudu napona pobudnog generatora $V_{m\max}$ za koju se na izlazu dobija neizobličen napon.



Slika 2.14

Rešenje:

a) Pošto je ostvarena negativna reakcija, kolo je linearno, pa se može primeniti princip nezavisnog dejstva baterije V_{CC} i pobudnog generatora v_g . Pošto su svi kondenzatori $C \rightarrow \infty$, na učestanosti pobudnog signala oni se ponašaju kao kratki spojevi, dok su otvorene veze za jednosmerne signale. Na osnovu ovoga je

$$v_A(t) = \frac{V_{CC}}{2} + v_g(t), \quad v_B(t) = \frac{V_{CC}}{2},$$

$$v_C(t) = \frac{V_{CC}}{2} - 10v_g(t) \quad \text{i} \quad v_I(t) = -10v_g(t),$$

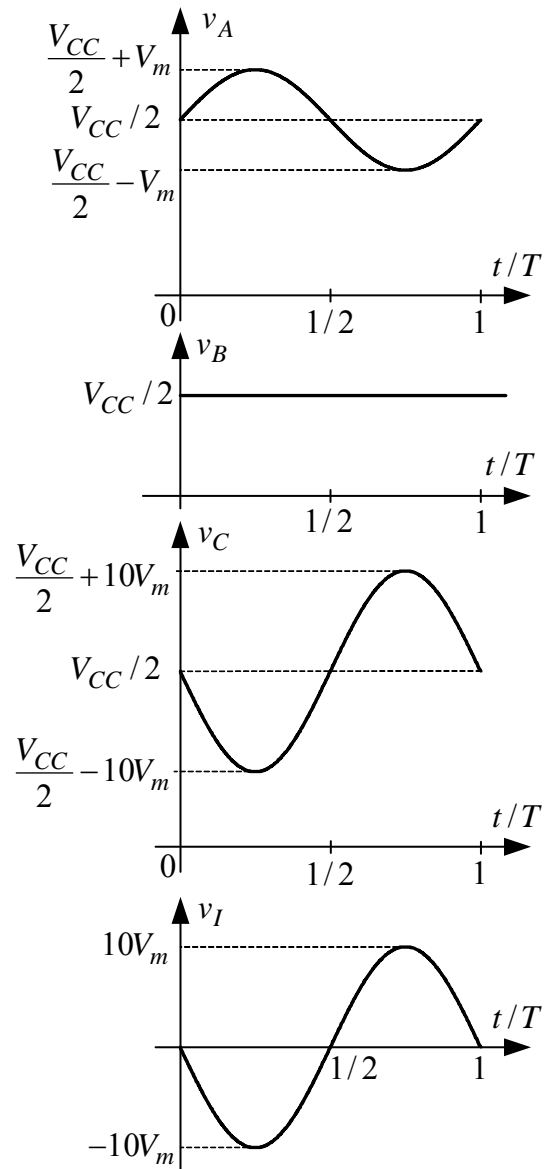
$$v_g(t) = V_m \sin(2\pi ft).$$

Na slici 2.14a prikazani su vremenski dijagrami relevantnih napona.

b) Maksimalna amplituda pobudnog napona određena je ulaskom operacionog pojačavača u zasićenje. Tada je

$$v_{C\max} = V_{CC} \quad \text{i} \quad v_{C\min} = 0.$$

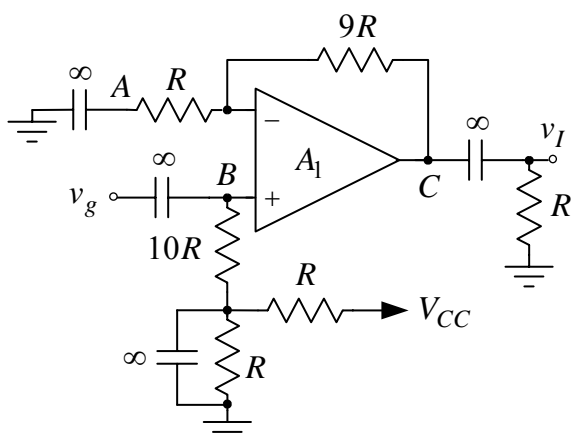
Pošto je $\bar{v}_C(t) = V_{CC}/2$, iz bilo kog uslova dobija se



Slika 2.14a

ista vrednost maksimalne amplitude pobudnog napona pri kojoj ne dolazi do odsecanja izlaznog napona

$$V_{m\max} = \frac{V_{CC}}{2} \frac{1}{10} = 0,6 \text{ V}.$$



Slika 2.15

2.15. U kolu pojačavača sa slike 2.15 operacioni pojačavač je idealan, napaja se iz jedne baterije $V_{CC} = 12\text{V}$, dok je $R = 10\text{k}\Omega$.

- Ako je $v_g = V_m \sin(2\pi ft)$, $V_m = 0,1\text{V}$ i $f = 1\text{kHz}$, odrediti vremenske oblike napona u tačkama A, B i C, kao i izlaznog napona $v_I(t)$.
- Odrediti maksimalnu amplitudu napona pobudnog generatora $V_{m\max}$ za koju se na izlazu dobija neizobličen napon.

Rešenje:

a) Primenom principa superpozicije dobija se

$$v_A(t) = \frac{V_{CC}}{2}, \quad v_B(t) = \frac{V_{CC}}{2} + v_g(t), \quad v_C(t) = \frac{V_{CC}}{2} + 10v_g(t) \text{ i}$$

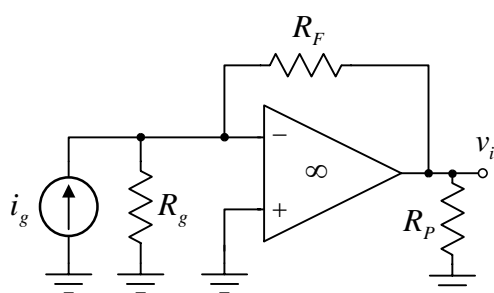
$$v_I(t) = 10v_g(t), \quad v_g(t) = V_m \sin(2\pi ft).$$

b) Maksimalna amplituda pobudnog napona određena je ulaskom operacionog pojačavača u zasićenje. Tada je

$$v_{C\max} = V_{CC} \text{ i } v_{C\min} = 0,$$

odakle se dobija

$$V_{m\max} = \frac{V_{CC}}{2} \frac{1}{10} = 0,6 \text{ V}.$$



Slika 2.16

2.16. Na slici 2.16 je prikazan jedan transrezistansni pojačavač. Operacioni pojačavač se može smatrati idealnim, dok je $R_g = 100\text{k}\Omega$ i $R_P = 10\text{k}\Omega$.

- Odrediti otpornost R_F tako da transrezistansa pojačavača bude $r_m = v_i / i_g = -10\text{k}\Omega$.
- Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator i_g .

Rešenje:

a) Pošto je u kolu primenjena negativna povratna sprega,

to je

$$v^- = v^+ = 0 \Rightarrow v_i = -R_F i_g,$$

odakle se dobija transrezistansa pojačavača

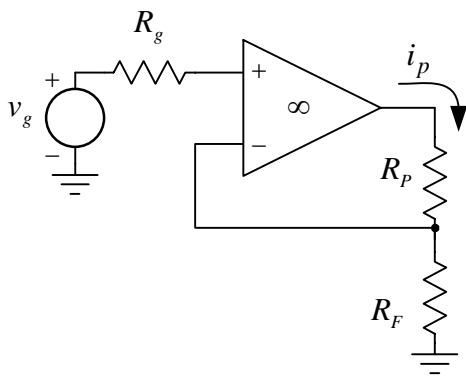
$$r_m = v_i / i_g = -R_F,$$

odnosno otpornost R_F ,

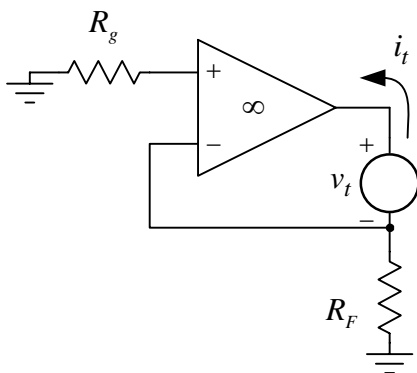
$$R_F = -r_m = 10\text{k}\Omega.$$

b) Zbog primenjene negativne povratne sprege, otpornost koju vidi pobudni generator jednaka je nuli

$$R_{ur} = 0.$$



Slika 2.17



Slika 2.17a

2.17. Na slici 2.17 je prikazan jedan transkonduktanski pojačavač. Operacioni pojačavač se može smatrati idealnim, dok je $R_g = R_p = 10 \text{ k}\Omega$.

- Odrediti otpornost R_F tako da transkonduktansa pojačavača bude $g_m = i_p / v_g = 1 \text{ mS}$.
- Odrediti otpornost R_{ir} koju vidi potrošač R_p .

Rešenje:

a) Zbog ostvarene negativne povratne sprege je

$$v^- = v^+ = v_g \Rightarrow i_p = v_g / R_F,$$

odakle se dobija transkonduktansa pojačavača

$$g_m = i_p / v_g = 1 / R_F,$$

odnosno otpornost R_F ,

$$R_F = 1 / g_m = 1 \text{ k}\Omega.$$

b) Na slici 2.17a je prikazana šema za male signale iz koje se određuje otpornost koju vidi potrošač R_p . Prema ovoj slici je

$$v^- = v^+ = 0 \Rightarrow i_t = -v^- / R_F = 0,$$

odakle se zaključuje da je

$$R_{ir} = v_t / i_t \rightarrow \infty.$$

2.18. Na slici 2.18 je prikazan jedan strujni pojačavač. Smatrati da je operacioni pojačavač idealan, dok je: $R_g = 10 \text{ k}\Omega$, $R_p = 10 \text{ k}\Omega$ i $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$.

- Odrediti otpornost R_2 tako da strujno pojačanje pojačavača bude $\beta = i_p / i_g = -50$.
- Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator i_g .
- Odrediti otpornost R_{ir} koju vidi potrošač R_p .

Rešenje:

a) Zbog ostvarene negativne povratne sprege je

$$v^- = v^+ = 0 \Rightarrow i_2 = i_g.$$

Primenom I Kirhofovog zakona dobija se

$$i_p + i_2 + R_2 i_2 / R_1 = 0 \Rightarrow i_p = -i_g (1 + R_2 / R_1),$$

odakle se nalazi strujno pojačanje pojačavača

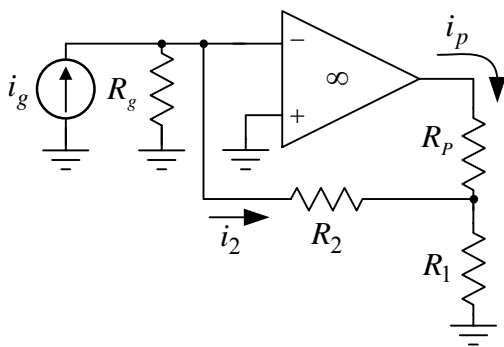
$$\beta = \frac{i_p}{i_g} = -\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right),$$

odnosno otpornost R_2 ,

$$R_2 = -R_1 (\beta + 1) = 49 \text{ k}\Omega.$$

b) Zbog negativne povratne sprege otpornost koju vidi pobudni generator jednaka je nuli

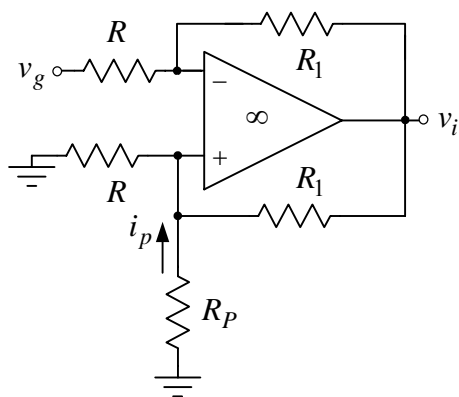
$$R_{ur} = 0.$$



Slika 2.18

c) Iz istog razloga kao u prethodnoj tački otpornost koju vidi potrošač R_P je

$$R_{ir} \rightarrow \infty.$$



Slika 2.19

2.19. Na slici 2.19 je prikazan jedan transkonduktanski pojačavač. Smatrati da je operacioni pojačavač idealan.

- Odrediti transkonduktansu pojačavača $g_m = i_p / v_g$.
- Odrediti otpornost R_{ur} koju vidi pobudni generator v_g .
- Odrediti otpornost R_{ir} koju vidi potrošač R_P .

Rešenje:

a) U kolu je ostvarena negativna povratna sprega jer je

$$\frac{R}{R + R_1} \geq \frac{R \parallel R_P}{R \parallel R_P + R_1}.$$

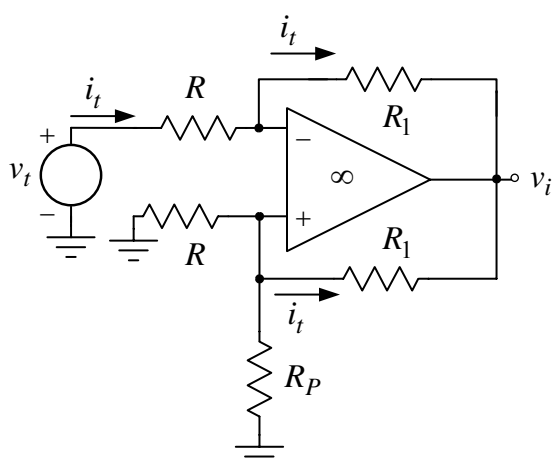
Zato važi:

$$v^+ = v^-, \frac{v_g - v^-}{R} = \frac{v^- - v_i}{R_1} \Rightarrow \frac{v_g - v^+}{R} = \frac{v^+ - v_i}{R_1} \quad i$$

$$i_p = \frac{v^+}{R} + \frac{v^+ - v_i}{R_1} = \frac{v^+}{R} + \frac{v_g - v^+}{R} = \frac{v_g}{R},$$

odakle se dobija transkonduktansa pojačavača

$$g_m = \frac{i_p}{v_g} = \frac{1}{R}.$$



(a)

b) Otpornost koju vidi pobudni generator v_g određuje se na osnovu šeme sa slike 2.19a. Koristeći rezultate iz prethodne tačke može se pisati:

$$v^- = v^+, \frac{v^+}{R} + \frac{v^+}{R_P} + i_t = 0 \Rightarrow v^- = v^+ = (R \parallel R_P) i_t,$$

$$v^- = v_t - R i_t \Rightarrow (R \parallel R_P) i_t = v_t - R i_t \Rightarrow$$

$$R_{ur} = \frac{v_t}{i_t} = R - (R_P \parallel R) = \frac{R^2}{R_P + R}.$$

c) Na slici 2.19b pokazana je šema iz koje se određuje otpornost koju vidi potrošač R_P . Prema ovoj slici je

$$v^- = v^+ = v_t, \quad i_t = \frac{v_t}{R} - i_1 = \frac{v_t}{R} - \frac{v_t}{R} = 0,$$

što znači da je otpornost koju vidi potrošač R_P

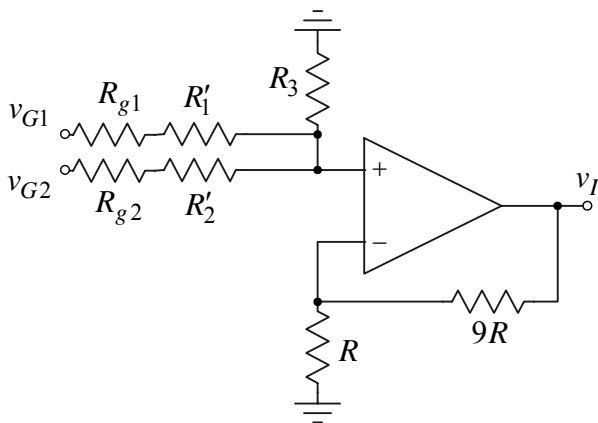
$$R_{ir} = \frac{v_t}{i_t} \rightarrow \infty.$$

2.20. Pobudni generatori imaju *ems* v_{G1} i v_{G2} i unutrašnje otpornosti $R_{g1} = R_{g2} = 100\Omega$. Ako su na raspolaganju jedan idealni operacioni pojačavač i potrebne otpornosti, projektovati kolo koje obavlja funkciju:

a) $v_I = 3v_{G1} + 5v_{G2}$;

b) $v_I = -3v_{G1} + 5v_{G2}$.

Slika 2.19

Rešenje:

Slika 2.20a

a) Na slici 2.20a je prikazano kolo koje obavlja funkciju

$$v_I = 3v_{G1} + 5v_{G2}.$$

Pošto je

$$v_I = \left(1 + \frac{9R}{R}\right)v^+ = 10v^+,$$

za prethodnu operaciju je potrebno da bude

$$\frac{R_2 \parallel R_3}{R_2 \parallel R_3 + R_1} = 0,3 \text{ i } \frac{R_1 \parallel R_3}{R_1 \parallel R_3 + R_2} = 0,5,$$

gde je

$$R_1 = R_{g1} + R'_1 \text{ i } R_2 = R_{g2} + R'_2.$$

Sređivanjem prethodnih jednakosti se dobija

$$\frac{R_2 R_3}{R_2 R_3 + R_1 R_3 + R_2 R_1} = 0,3 \text{ i } \frac{R_1 R_3}{R_2 R_3 + R_1 R_3 + R_2 R_1} = 0,5,$$

odakle se nalaze nepoznate otpornosti

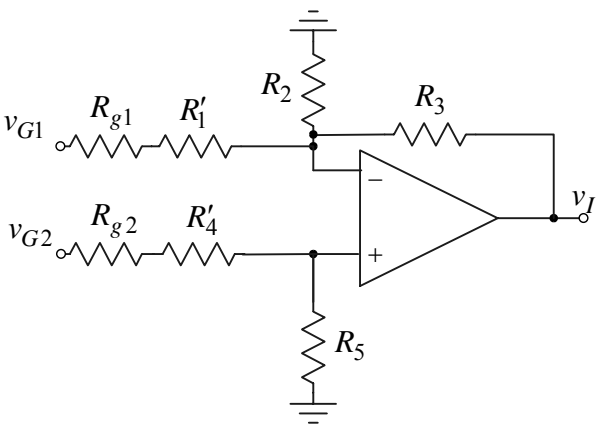
$$R_1 = \frac{2}{3}R_3 \text{ i } R_2 = \frac{2}{5}R_3.$$

Ako se usvoji da je $R_3 = 15\text{k}\Omega$, dobija se

$$R_1 = 10\text{k}\Omega \text{ i } R_2 = 6\text{k}\Omega \Rightarrow R'_1 = R_1 - R_{g1} = 9,9\text{k}\Omega \text{ i } R'_2 = R_2 - R_{g2} = 5,9\text{k}\Omega.$$

b) Na slici 2.20b je prikazano kolo koje obavlja operaciju

$$v_I = -3v_{G1} + 5v_{G2}.$$



Slika 2.20b

Primenom principa superpozicije dobija se

$$v_I = -\frac{R_3}{R_1}v_{G1} + \left(1 + \frac{R_3}{R_1 \parallel R_2}\right)\frac{R_5}{R_4 + R_5}v_{G2},$$

gde je

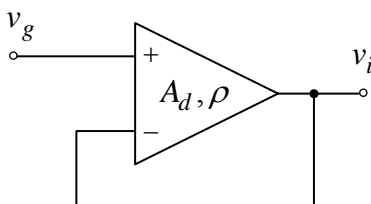
$$R_1 = R_{g1} + R'_1 \text{ i } R_4 = R'_4 + R_{g2}.$$

Poređenjem željenog i ostvarenog se dobija da mora biti

$$R_3 = 3R_1 \text{ i } \left(1 + 3 + 3\frac{R_1}{R_2}\right)\frac{R_5}{R_4 + R_5} = 5.$$

Ako se usvoji da je $R_1 = R_2 = 10\text{k}\Omega$ i $R_5 = 10\text{k}\Omega$, dobija se

$$R_3 = 30\text{k}\Omega \text{ i } R_4 = \frac{2}{5}R_5 = 4\text{k}\Omega \Rightarrow R'_1 = R_1 - R_{g1} = 9,9\text{k}\Omega \text{ i } R'_4 = R_4 - R_{g2} = 3,9\text{k}\Omega.$$



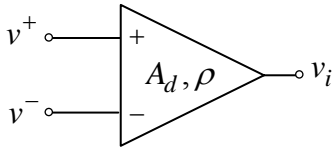
Slika 2.21

2.21. Operacioni pojačavač u kolu sa slike 2.21 ima konačno diferencijalno pojačanje a_d i faktor potiskivanja napona srednje vrednosti $\rho = a_d / a_s$, dok su mu sve ostale karakteristike idealne.

a) Odrediti naponsko pojačanje $a = v_i / v_g$.

b) Odrediti relativnu grešku $\delta = \frac{a_i - a}{a_i}$, gde je a_i naponsko

pojačanje pojačavača u idealnom slučaju $a_d \rightarrow \infty$ i $\rho \rightarrow \infty$.

Rešenje:

Slika 2.21a

a) Zavisnost izlaznog napona u funkciji ulaznih napona u kolu operacionog pojačavača pokazanog na slici 2.21a data je sledećim izrazom

$$v_i = a_d v_d + a_s v_s = a_d \left(v_d + \frac{a_s}{a_d} v_s \right) = a_d \left(v_d + \frac{v_s}{\rho} \right),$$

$$v_d = v^+ - v^-, \quad v_s = \frac{v^+ + v^-}{2}.$$

Diferencijalni napon i napon srednje vrednosti ulaznih napona u kolu sa slike 2.21 su

$$v_d = v^+ - v^- = v_g - v_i \quad \text{i} \quad v_s = \frac{v_g + v_i}{2},$$

a posle smene postaje

$$v_i = a_d \left[(v_g - v_i) + \frac{1}{\rho} \left(\frac{v_g + v_i}{2} \right) \right] \Rightarrow v_i \left[1 + a_d \left(1 - \frac{1}{2\rho} \right) \right] = a_d v_g \left(1 + \frac{1}{2\rho} \right),$$

odakle se dobija naponsko pojačanje

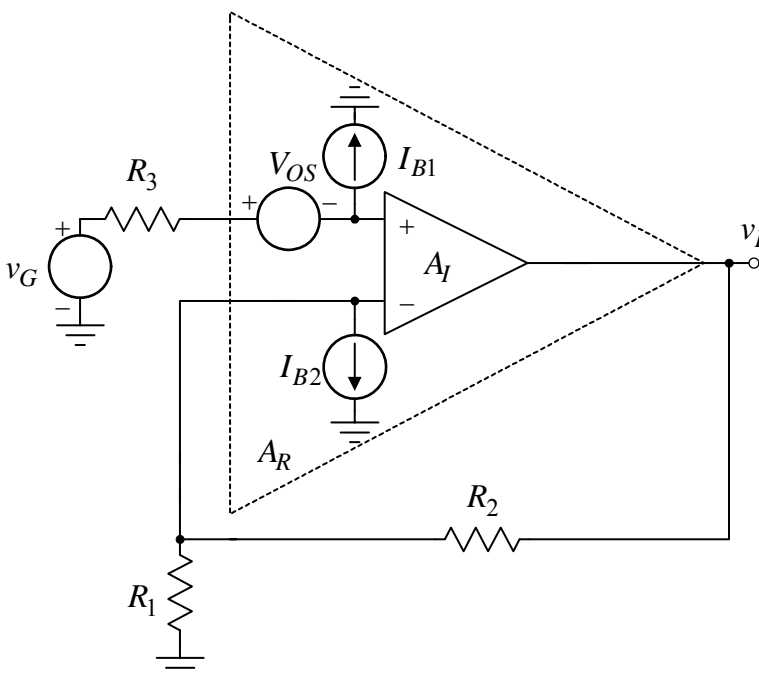
$$a = \frac{v_i}{v_g} = \frac{a_d \left(1 + \frac{1}{2\rho} \right)}{1 + a_d \left(1 - \frac{1}{2\rho} \right)}.$$

b) Kada $a_d \rightarrow \infty$ i $\rho \rightarrow \infty$, naponsko pojačanje pojačavača postaje

$$a_i \rightarrow 1,$$

pa je relativna greška

$$\delta = \frac{a_i - a}{a_i} = 1 - a = 1 - \frac{a_d \left(1 + \frac{1}{2\rho} \right)}{1 + a_d \left(1 - \frac{1}{2\rho} \right)} = \frac{1 - \frac{a_d}{\rho}}{1 + a_d \left(1 - \frac{1}{2\rho} \right)} \approx \frac{1}{a_d} - \frac{1}{\rho}.$$



Slika 2.22

2.22. Realni operacioni pojačavač A_R modeluje se preko idealnog operacionog pojačavača A_I i jednosmernih neidealnosti, polarizacionih struja I_{B1} i I_{B2} i naponskog ofseta (razdešenosti) V_{OS} , slika 2.22. Operacioni pojačavač se napaja iz baterija $V_{CC} = -V_{EE} = 12\text{ V}$, dok je: $R_2 = 9R_1 = 51\text{ k}\Omega$, $V_{OS} = 1\text{ mV}$, $I_{B1} = 0,45\text{ }\mu\text{A}$ i $I_{B2} = 0,5\text{ }\mu\text{A}$.

a) Odrediti otpornost R_3 tako da u odsustvu pobudnog signala ($v_G = 0$) bude $V_I = 0$.

b) Pod uslovom iz prethodne tačke, odrediti i nacrtati zavisnost $v_I = f(v_G)$.

Rešenje:

a) Primenom principa superpozicije se dobija

$$v_I = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)v_G - \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)V_{OS} - \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)R_3I_{B1} + R_2I_{B2}.$$

Da bi izlazni napon u mirnoj radnoj tački bio nula, potrebno je da bude

$$v_I = 0 = -\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)V_{OS} - \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)R_3I_{B1} + R_2I_{B2} \Rightarrow$$

$$R_3 = \frac{R_2I_{B2} - \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)V_{OS}}{\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)I_{B1}} = \left(R_1 \parallel R_2\right) \frac{I_{B2}}{I_{B1}} - \frac{V_{OS}}{I_{B1}} = 3,4 \text{ k}\Omega.$$

b) Pod uslovom iz prethodne tačke izlazni napon je

$$v_I = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)v_G = 10v_G.$$

Ovakva zavisnost važi sve dok je operacioni pojačavač izvan zasićenja. Ovo je ispunjeno kada je ulazni napon u opsegu

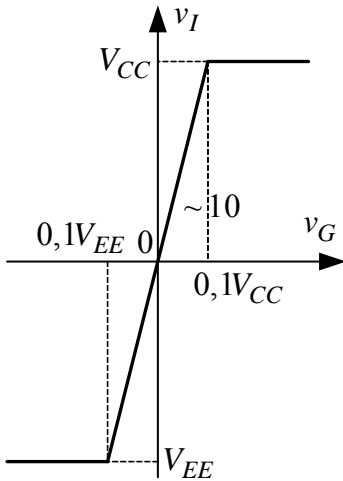
$$V_{EE}/10 \leq v_G \leq V_{CC}/10.$$

Kada je $v_G > V_{CC}/10 = 1,2 \text{ V}$, operacioni pojačavač je u pozitivnom zasićenju

$$v_I = V_{CC} = 12 \text{ V},$$

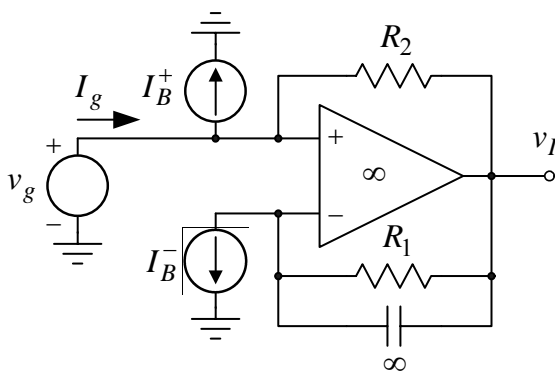
dok je pri $v_G < V_{EE}/10 = -1,2 \text{ V}$ u negativnom zasićenju. Tada je

$$v_I = V_{EE} = -12 \text{ V}.$$



Slika 2.22a

Na slici 2.22a prikazana je prenosna karakteristika $v_I = f(v_G)$.



Slika 2.23

2.23. Realni operacioni pojačavač modeluje se preko idealnog operacionog pojačavača i strujnih izvora $I_B^+ = 100 \text{ nA}$ i $I_B^- = 100 \text{ nA}$ koji predstavljaju ulazne polarizacione struje realnog operacionog pojačavača. Poznato je $R_1 = 100 \text{ k}\Omega$.

- Odrediti naponsko pojačanje $a = v_i / v_g$.
- Odrediti otpornost R_2 tako da ulazna struja I_g u mirnoj radnoj tački bude $I_g = 0$.
- Odrediti vrednost izlaznog napona V_I u mirnoj radnoj tački.

Rešenje:

a) Naponsko pojačanje pojačavača je

$$a = v_i / v_g = 1.$$

b) Prema Kirhofovom zakonima je

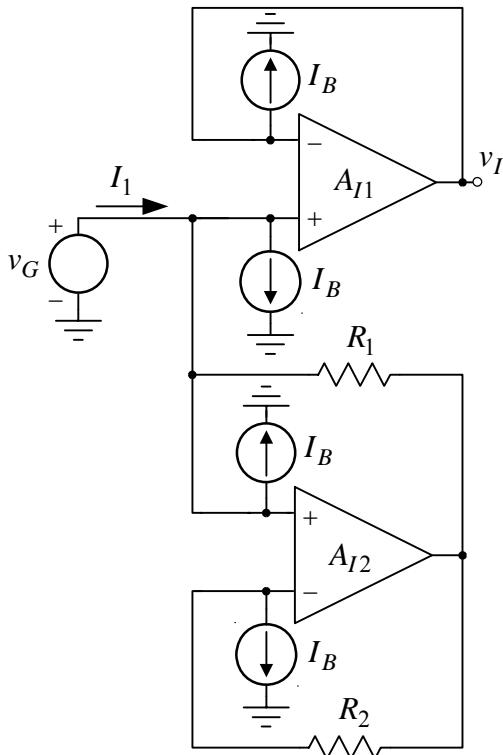
$$I_g = I_B^+ + I_{R2}, \quad I_{R2} = -\frac{R_1 I_B^-}{R_2} \Rightarrow I_g = I_B^+ - \frac{R_1}{R_2} I_B^- = I_B \left(1 - \frac{R_1}{R_2}\right), \quad I_B = I_B^+ = I_B^-$$

odakle se dobija da je

$$R_2 = R_1 = 100 \text{ k}\Omega.$$

c) Napon na izlazu u mirnoj radnoj tački je

$$V_I = R_1 I_B^- = 10 \text{ mV}.$$



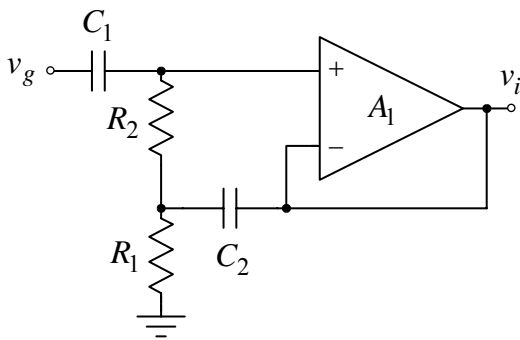
Slika 2.24

reakcija, to je

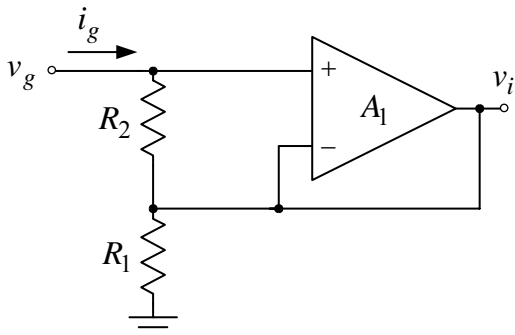
$$I_1 = 2I_B + I_{R1} \text{ i } R_1 I_{R1} = R_2 I_{R2} = -R_2 I_B.$$

Da bi struje I_1 bila nula treba da je

$$I_1 = 0 = 2I_B + I_{R1} \Rightarrow I_{R1} = -2I_B \Rightarrow -\frac{R_2}{R_1} I_B = -2I_B \Rightarrow R_2 = 2R_1 = 2 \text{ M}\Omega.$$



Slika 2.25



Slika 2.25a

2.24. Radi kompenzacije ulazne polarizacione struje I_1 paralelno sa ulazom operacionog pojačavača A_1 postavljeno je kolo sa pojačavačem A_2 , koje ima iste polarizacione struje kao i pojačavač A_1 , $I_B = 100 \text{ nA}$. Realni operacioni pojačavači A_1 i A_2 modelovani su idealnim operacionim pojačavačima A_{I1} i A_{I2} i strujnim izvorima I_B , dok je $R_1 = 1 \text{ M}\Omega$.

- Odrediti tip bipolarnih tranzistora u ulaznom diferencijalnom pojačavaču operacionih pojačavača A_1 i A_2 .
- Odrediti otpornost R_2 tako da ulazna struja polarizacije bude $I_1 = 0$.

Rešenje:

a) Ulazne struje u operacioni pojačavač imaju realni smer kao i struja strujnih izvora kojim se modeluju polarizacione struje. Pošto struja ulazi u ulazne priključke realnih operacionih pojačavača, na ulazu je diferencijalni pojačavač sa NPN tranzistorima.

b) Pošto je u kolu pojačavača A_2 ostvarena negativna

2.25. Operacioni pojačavač A_1 ima na ulazu diferencijalni pojačavač sa NPN tranzistorima čije su struje baze $I_B^+ = I_B^- = I_B = 0,5 \mu\text{A}$, dok mu se sve ostale karakteristike mogu smatrati idealnim. Poznato je $R_1 = R_2 = 10 \text{ k}\Omega$ i $C_1 = C_2 \rightarrow \infty$.

- Odrediti naponsko pojačanje pojačavača $a = v_i / v_g$.
- Odrediti otpornost koju vidi pobudni generator v_g .
- Odrediti vrednost izlaznog napona V_I u mirnoj radnoj tački.

Rešenje:

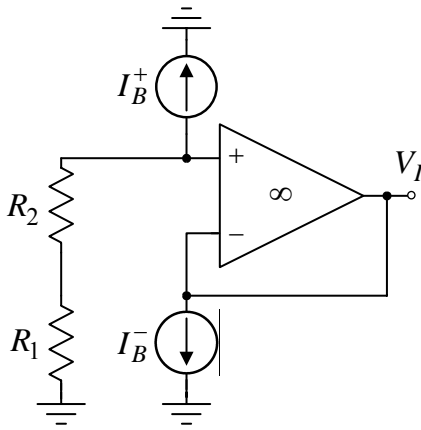
a) Na slici 2.25a prikazana je šema pojačavača za male signale. S obzirom da je u kolu ostvarena negativna reakcija, to je

$$v_i = v^- = v^+ = v_g,$$

odakle se dobija da je naponsko pojačanje

$$a = v_i / v_g = 1.$$

b) Na osnovu razmatranja iz prethodne tačke zaključuje



Slika 2.25b

se da je

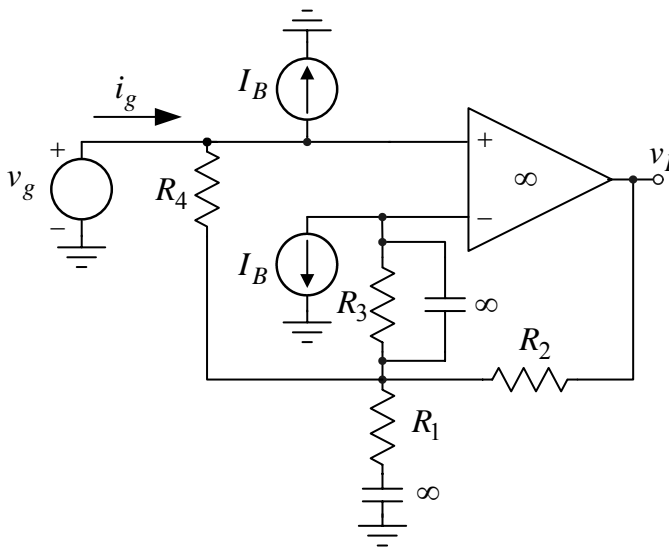
$$i_{R2} = \frac{v^+ - v^-}{R_2} = 0 \Rightarrow i_g = i_{R2} = 0,$$

odakle se dobija otpornost koju vidi pobudni generator v_g :

$$R_u = v_g / i_g \rightarrow \infty.$$

c) Na slici 2.25b prikazana je ekvivalentna šema kola pojačavača u mirnoj radnoj tački. Prema ovoj slici izlazni napon u mirnoj radnoj tački je

$$V_I = -(R_1 + R_2) I_B^+ = -10 \text{ mV}.$$



Slika 2.26

2.26. U kolu pojačavača sa slike 2.26 strujnim izvorima $I_B = 1 \mu\text{A}$ modelovan je uticaj ulaznih polarizacionih struja

operacionog pojačavača. Sve ostale karakteristike ovog operacionog pojačavača mogu se smatrati idealnim, dok je $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 10 \text{ k}\Omega$ i $R_3 = 22 \text{ k}\Omega$.

- Odrediti otpornost R_4 tako da ulazna struja polarizacije bude $I_g = 0$.
- Odrediti jednosmernu vrednost izlaznog napona V_I u mirnoj radnoj tački.
- Odrediti naponsko pojačanje pojačavača $a = v_i / v_g$.
- Odrediti otpornost koju vidi pobudni generator v_g .

Rešenje:

a) Na slici 2.26a prikazana je ekvivalentna šema pojačavača u mirnoj radnoj tački. Prema ovoj slici je

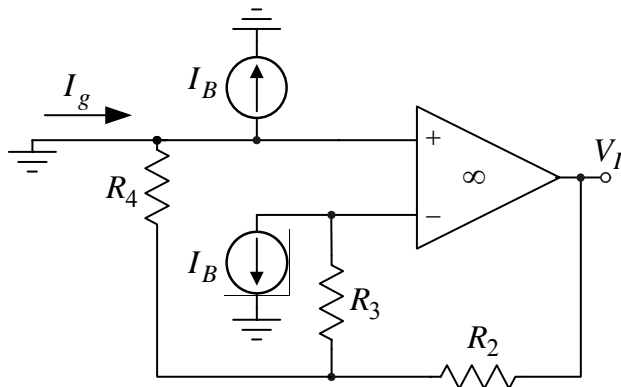
$$V^+ = V^- \Rightarrow V_{R3} = V_{R4} \Rightarrow I_{R4} = -R_3 I_B / R_4.$$

Struja koja protiče kroz pobudni generator v_g u mirnoj radnoj tački je

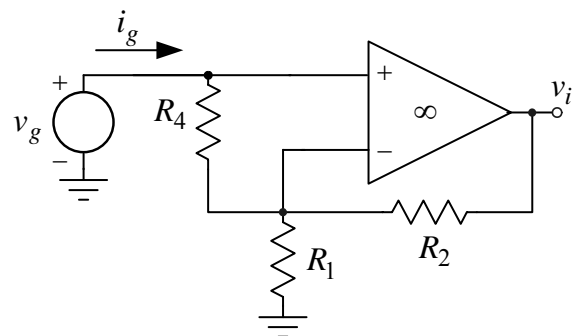
$$I_g = I_B + I_{R4} = I_{R4} = I_B - R_3 I_B / R_4,$$

odakle se zaključuje da će ova struja biti nula kada je

$$R_4 = R_3 = 22 \text{ k}\Omega.$$



Slika 2.26a



Slika 2.26b

b) Na osnovu iste slike kao u prethodnoj tački zaključuje se da je izlazni napon u mirnoj radnoj tački

$$V_I = 2R_2 I_B = 20 \text{ mV}.$$

c) Na slici 2.26b prikazana je šema pojačavača za male signale. Prema ovoj slici naponsko pojačanje je

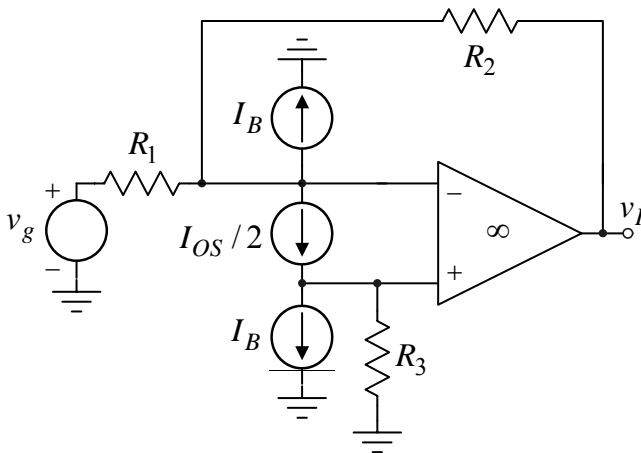
$$a = v_i / v_g = 1 + R_2 / R_1 = 11.$$

d) Na osnovu slike 2.26b zaključuje se da je

$$i_g = \frac{v^+ - v^-}{R_4} = 0,$$

odakle se dobija otpornost koju vidi pobudni generator

$$R_u = v_g / i_g \rightarrow \infty.$$



Slika 2.27

2.27. U kolu invertujućeg pojačavača upotrebljen je operacioni pojačavač koji je modelovan idealnim operacioni pojačavačem i

strujnim izvorima $I_B = \frac{I_B^+ + I_B^-}{2} = 1 \mu\text{A}$ i

$I_{OS} = I_B^+ - I_B^- = 0,1 \mu\text{A}$ koji predstavljaju

uticaj ulaznih polarizacionih struja. Radi kompenzacije uticaja polarizacionih struja na vrednost izlaznog napona u mirnoj radnoj tački postavljen je otpornik R_3 koji zadovoljava uslov $R_3 = R_1 \parallel R_2$. Poznato je

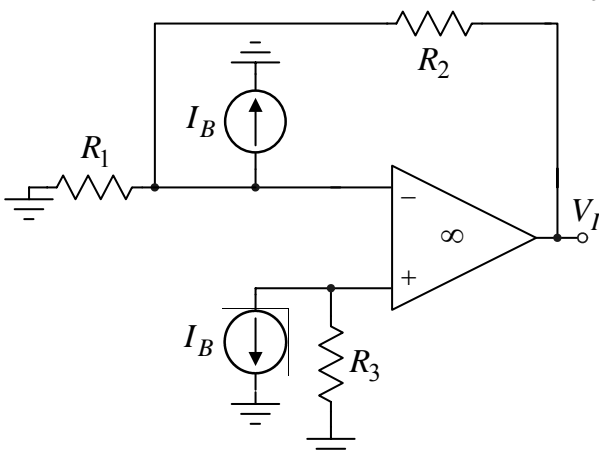
$R_2 = 100R_1 = 100 \text{ k}\Omega$. Odrediti jednosmernu

vrednost izlaznog napona V_I u mirnoj radnoj tački.

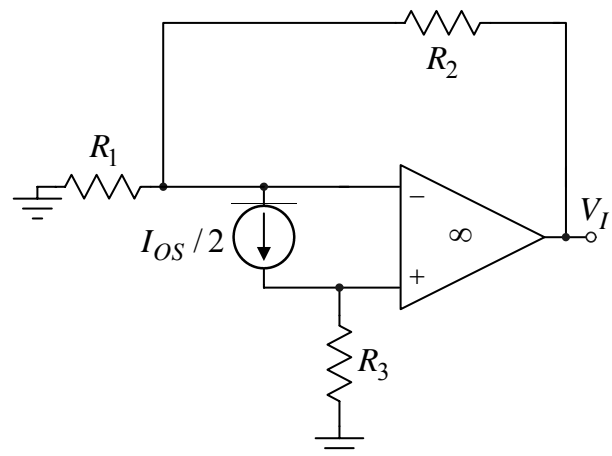
Rešenje:

Primenjujući princip nezavisnog dejstva generatora I_B i I_{OS} , slike 2.27a i 2.27b, dobija se

$$V_I = V_I(I_B) \Big|_{I_{OS}=0} + V_I(I_{OS}) \Big|_{I_B=0}.$$



Slika 2.27a



Slika 2.27b

Prema slici 2.27a je

$$V^+ = V^-, V^- = -(R_1 \parallel R_2) I_B + \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_I, V^+ = -R_3 I_B \Rightarrow$$

$$-(R_1 \parallel R_2)I_B + \frac{R_1}{R_1 + R_2}V_I = -R_3I_B \Rightarrow V_I = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)(R_1 \parallel R_2 - R_3)I_B = 0.$$

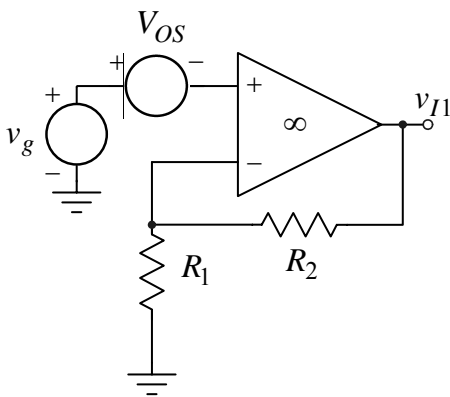
Prema slici 2.27b je

$$V^- = V^+ = R_3I_{OS}/2, \quad \frac{V^-}{R_1} + \frac{I_{OS}}{2} + \frac{V^- - V_I}{R_2} = 0 \Rightarrow V_I = V^- \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) + R_2 \frac{I_{OS}}{2} \Rightarrow$$

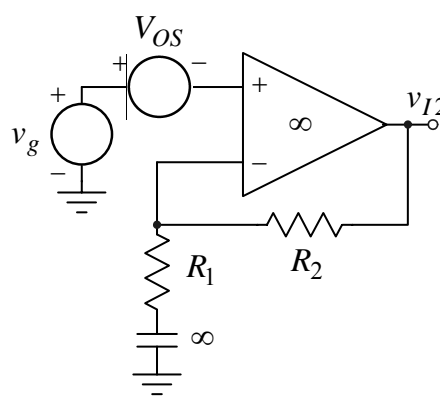
$$V_I = \left(R_3 \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) + R_2\right) \frac{I_{OS}}{2} = R_2 I_{OS} = 10 \text{ mV}.$$

2.28. U kolu sa slika 2.28a i 2.28b upotrebljeni su operacioni pojačavač koji je modelovan idealnim operacionim pojačavačem i generatorom naponskog ofseta $V_{OS} = 1 \text{ mV}$. Poznato je $R_2 = 99R_1 = 9,9 \text{ k}\Omega$.

- a) Odrediti naponska pojačanja $a_1 = v_{I1}/v_g$ i $a_2 = v_{I2}/v_g$.
 b) Odrediti jednosmerne vrednosti izlaznih napona V_{I1} i V_{I2} .



Slika 2.28a



Slika 2.28b

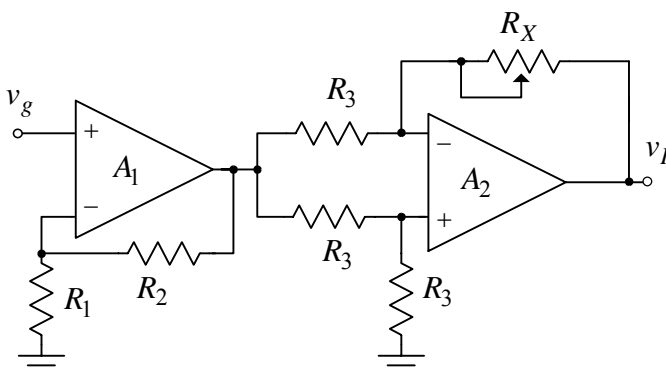
Rešenje:

a) Naponska pojačanja a_1 i a_2 međusobno su jednaka

$$a_1 = a_2 = 1 + \frac{R_2}{R_1} = 100.$$

b) Pošto je kondenzator otvorena veza u ustaljenom stanju, naponi na izlazima kola sa slike 2.28a i 2.28b međusobno se razlikuju:

$$V_{I1} = -(1 + R_2/R_1)V_{OS} = -100 \text{ mV} \quad \text{i} \quad V_{I2} = -V_{OS} = -1 \text{ mV}.$$



Slika 2.29

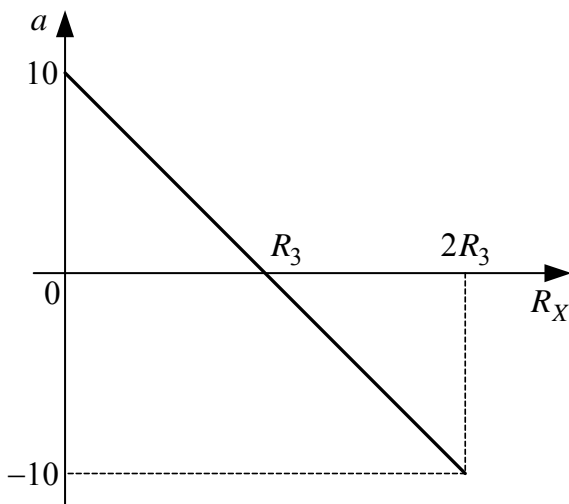
2.29. U kolu sa slike 2.29 operacioni pojačavači se mogu smatrati idealnim, dok je: $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 19 \text{ k}\Omega$ i $R_3 = 5 \text{ k}\Omega$.

- a) Odrediti i nacrtati zavisnost naponskog pojačanja $a = v_i/v_g$ u funkciji promene otpornosti R_X , $0 \leq R_X \leq 2R_3$, $a = f(R_X)$.
 b) Ako je $v_g = V_m \cdot \sin(2\pi ft)$, $V_m = 1 \text{ V}$, $f = 1 \text{ kHz}$, za obe granične vrednosti otpornosti R_X odrediti vremenski oblik izlaznog napona $v_I(t)$.

Rešenje:

a) Operacioni pojačavač A_1 sa otpornostima R_1 i R_2 čini neinvertujući pojačavač čije je pojačanje

$$a_1 = 1 + R_2/R_1 = 20 \Rightarrow v_{I1} = 20v_g.$$



Slika 2.29a

Primenom Kirhofovih zakona dobija se

$$v_{A2}^+ = \frac{v_{I1}}{2}, \quad v_I = -\frac{R_X}{R_3} v_{I1} + \left(1 + \frac{R_X}{R_3}\right) v_{A2}^+ \Rightarrow$$

$$v_I = -\frac{R_X}{R_3} v_{I1} + \left(1 + \frac{R_X}{R_3}\right) \frac{v_{I1}}{2} \Rightarrow$$

$$v_I = \frac{v_{I1}}{2} \left(1 - \frac{R_X}{R_3}\right) = 10v_g \left(1 - \frac{R_X}{R_3}\right) \Rightarrow$$

$$a = \frac{v_i}{v_g} = 10 \left(1 - \frac{R_X}{R_3}\right).$$

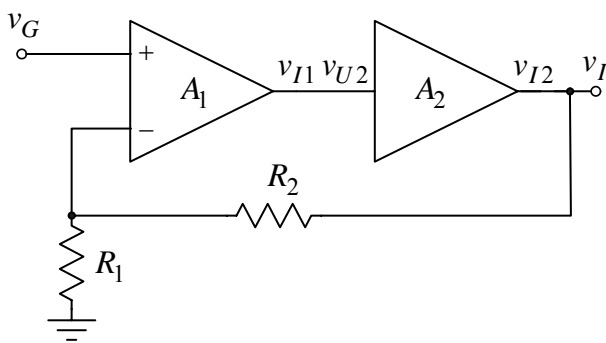
Zavisnost pojačanja a od promene položaja klizača potenciometra R_X , $0 \leq R_X \leq 2R_3$ prikazana je na slici 2.29a.

b) Kada je $R_X = 0$ pojačanje je $a = +10$, pa je

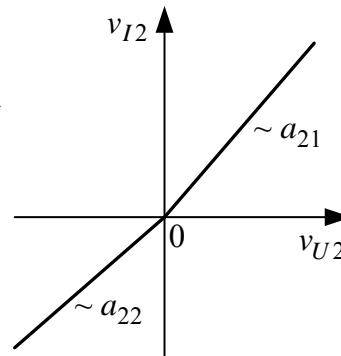
$$v_I(t) = 10V \cdot \sin(2\pi ft),$$

dok je pri $R_X = 2R_3$ izlazni napon

$$v_I(t) = -10V \cdot \sin(2\pi ft).$$



Slika 2.30a



Slika 2.30b

2.30. U kolu sa slike 2.30a operacioni pojačavač A_1 se može smatrati idealnim. Pojačavač A_2 ima ulaznu otpornost $R_u \rightarrow \infty$, izlaznu otpornost $R_i \rightarrow 0$, dok mu je karakteristika naponskog pojačanja pokazana na slici 2.30b, gde je $a_{21} = 0,9$

i $a_{22} = 0,8$. Poznato je $R_2 = 9R_1 = 9\text{k}\Omega$. Odrediti i nacrtati zavisnost $v_I = f(v_G)$ i $v_{I1} = g(v_G)$.

Rešenje:

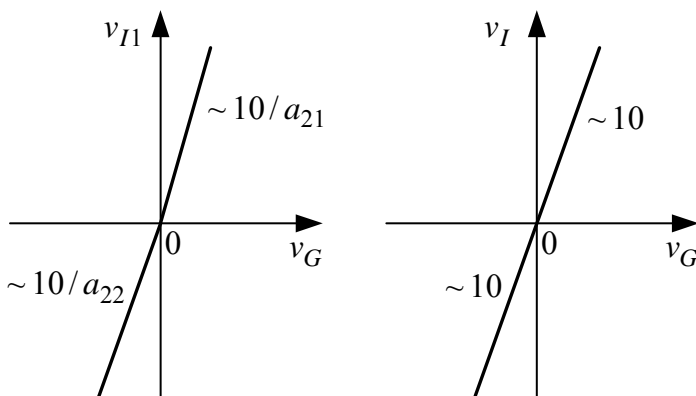
I za pozitivne i za negativne vrednosti napona na izlazu pojačavača A_2 u kolu je ostvarena negativna povratna sprega. Pošto je pojačavač A_1 idealan, to je

$$v^- = v^+ = v_G \Rightarrow \frac{v_G}{R_1} = \frac{v_i}{R_1 + R_2} \Rightarrow$$

$$v_I = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) v_G = 10v_G.$$

Prethodna zavisnost ne zavisi od znaka ulaznog, odnosno izlaznog napona.

Napon na izlazu operacionog pojačavača A_1 za nenegativne vrednosti



Slika 2.30c

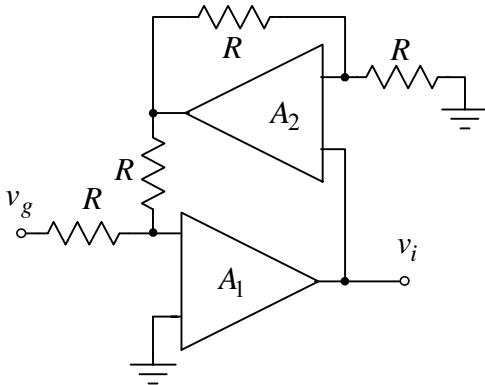
ulaznog napona menja se po zakonu

$$v_{I1} = \frac{v_I}{a_{21}} = \frac{10}{a_{21}} v_G = 11,1 v_G, \quad v_G \geq 0,$$

dok je za negativne vrednosti

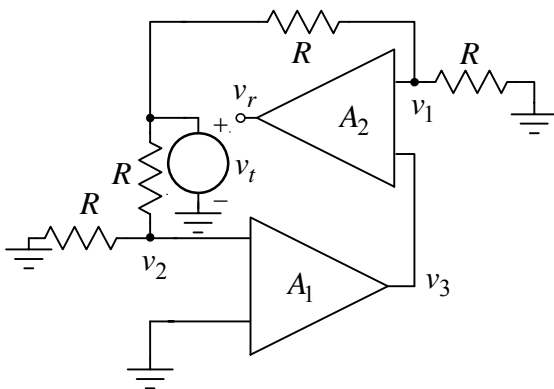
$$v_{I1} = \frac{v_I}{a_{22}} = \frac{10}{a_{22}} v_G = 12,5 v_G, \quad v_G < 0.$$

Na slici 2.30c prikazane su prenosne karakteristike $v_I = f(v_G)$ i $v_{I1} = g(v_G)$.



Slika 2.31

Da bi u kolu bila ostvorena negativna povratna sprega fazni stavovi napona v_r i v_t moraju se razlikovati u opštem slučaju za $(2k+1)\pi, k = \dots -1, 0, 1, \dots$. U našem slučaju ovaj uslov može biti ispunjen na dva načina. Ako je gornji priključak operacionog pojačavača A_2 plus priključak, zbog većeg pojačanja po kolu povratne sprege gde se nalazi pojačavač A_1 njegov priključak v_2 treba da je plus priključak. Ako napon v_t poraste, za isti iznos porašće i naponi v_1 i v_2 . Zbog operacionog



Slika 2.31a

samo drugi način povezivanja operacionih pojačavača u kolo. Naime, zbog kašnjenja signala kroz kolo pojačavača A_1 u prvom slučaju, u kolu će postojati pozitivna povratna sprega, a kolo će biti nestabilno. U drugom slučaju (gornji priključak pojačavača A_2 je minus) i pre povezivanja pojačavača A_1 u kolo pojačavača A_2 je postojala negativna reakcija (lokalna).

b) Kada je u kolu ostvorena negativna reakcija, tada je

$$v_{i2} = 2v_I \text{ i } (2v_i + v_g)/2 = 0 \Rightarrow a = v_i/v_g = -1/2.$$

2.32. U kolu sa slike 2.32 operacioni pojačavači se mogu smatrati idealnim.

2.31. U kolu sa slike 2.31 operacioni pojačavači se mogu smatrati idealnim.

a) Odrediti polaritet ulaznih priključaka operacionih pojačavača tako da u kolu bude ostvorena negativna povratna sprega.

b) Pod uslovom iz tačke a) odrediti naponsko pojačanje $a = v_i/v_g$.

Rešenje:

a) Sečenjem βa kruga dobija se kolo prikazano na slici 2.31a. Posle ovoga je

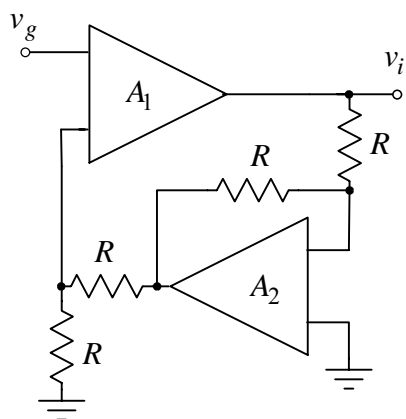
$$v_1 = v_t/2 \text{ i } v_2 = v_t/2.$$

pojačavača A_1 veći je porast napona v_3 od napona v_1 .

Da bi u kolu bila ostvorena negativna povratna sprega napon v_r treba da opada, a ovo će biti ispunjeno kada je donji priključak operacionog pojačavača A_1 minus priključak.

Drugi način povezivanja priključaka koji obezbeđuje negativnu povratnu spregu je da je gornji priključak operacionog pojačavača A_2 minus priključak. Usled ovoga i uslova za primenu negativne povratne sprege, $\varphi(v_r/v_t) = (2k+1)\pi$, priključak v_2 treba da je minus priključak operacionog pojačavača A_1 .

Oba načina su teorijski moguća. Praktično je moguć samo drugi način povezivanja operacionih pojačavača u kolo. Naime, zbog kašnjenja signala kroz kolo pojačavača A_1 u prvom slučaju, u kolu će postojati pozitivna povratna sprega, a kolo će biti nestabilno. U drugom slučaju (gornji priključak pojačavača A_2 je minus) i pre povezivanja pojačavača A_1 u kolo pojačavača A_2 je postojala negativna reakcija (lokalna).



Slika 2.32

a) Odrediti polaritet ulaznih priključaka operacionih pojačavača tako da u kolu bude ostvarena negativna povratna sprega.

b) Pod uslovom iz tačke a) odrediti naponsko pojačanje $a = v_i / v_g$.

Rešenje:

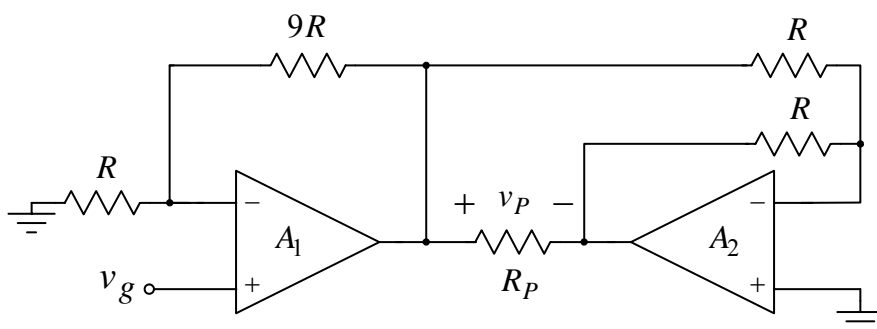
a) Pošto se povratna sprega vraća samo na jedan ulazni priključak operacionih pojačavača, za primenu negativne povratne sprege gornji priključak pojačavača A_2 treba da je minus priključak. Zbog ovoga donji priključak pojačavača A_1 treba da bude plus priključak. Na ovaj način je po kružnom toku signala ostvaren fazni stav od π .

b) Pojačavač A_2 se nalazi u konfiguraciji jediničnog invertora, pa je

$$v_{i2} = -v_i.$$

Preko razdelnika napona se dobija

$$v_{i2}/2 = -v_i/2 = v_g \Rightarrow a = v_i/v_g = -2.$$



Slika 2.33

neizobličenog napona na potrošaču $V_{pm\max}$.

2.33. U kolu sa slike 2.33 operacioni pojačavači su idealni, napajaju se iz baterija $V_{CC} = -V_{EE} = 5V$, dok je $R = 10k\Omega$ i $R_p = 50\Omega$.

a) Odrediti naponsko pojačanje $a = v_p / v_g$.

b) Odrediti maksimalnu amplitudu simetričnog

Rešenje:

a) U kolu oba operaciona pojačavača ostvarena je negativna povratna sprega, pa je

$$v_{A1}^- = v_{A1}^+ = v_g, v_{A2}^- = v_{A2}^+ = 0 \Rightarrow v_p^+ = \left(1 + \frac{9R}{R}\right)v_g = 10v_g \text{ i } v_p^- = -v_p^+ = -10v_g \Rightarrow$$

$$v_p = v_p^+ - v_p^- = 20v_g \Rightarrow a = v_p/v_g = 20.$$

b) S obzirom da su naponi na izlazima operacionih pojačavača protivfazni, maksimalna amplituda napona na potrošaču je

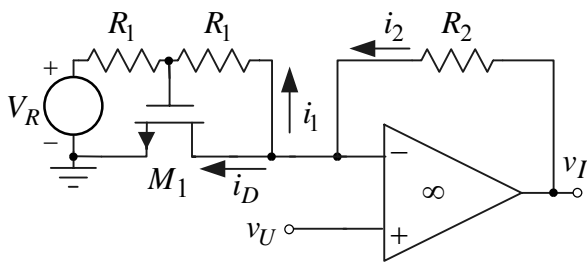
$$V_{pm\max} = V_{CC} - V_{EE} = 2V_{CC} = 10V.$$

2.34. U kolu pojačavača sa slike 2.34 operacioni pojačavač je idealan, parametri MOS tranzistora su $V_T = 1V$ i $B = \mu_n C_{ox} W / L = 1mA/V^2$, dok je $R_1 = 1M\Omega$, $R_2 = 10k\Omega$ i $V_R > 0V$.

a) Ako je $v_U = 0$, odrediti minimalnu vrednost napona $V_R = V_{R\min}$ za koju je tranzistor izvan oblasti zakočenja.

b) Ako je $V_R > V_{R\min}$, pod uslovom iz prethodne tačke, odrediti u kom režimu radi tranzistor.

c) Ako tranzistor ostaje u oblasti rada iz prethodne tačke, odrediti zavisnost $v_I = f(v_U, V_R)$.



Slika 2.34

Smatrati da je $i_D \gg i_1$.

- d) Odrediti zavisnost pojačanja $a = dv_I / dv_U$ u funkciji referentnog napona V_R , $a = g(V_R)$.

Rešenje:

- a) U kolu je ostvarena negativna povratna sprega, te je

$$v_U = v^+ = v^- = 0 \Rightarrow v_{DS} = 0 \text{ i}$$

$$v_G = \frac{R_1}{R_1 + R_1} V_R = \frac{V_R}{2}.$$

Da bi tranzistor bio izvan oblasti zakočenja, potrebno je da bude ispunjen uslov

$$v_{GS} > V_T \Rightarrow V_R = V_{R\min} = 2V_T = 2V.$$

- b) Pošto je

$$v_{GS} > V_T \text{ i } v_{DS} = 0 < v_{GS} - V_T,$$

tranzistor je u triodnoj oblasti.

- c) Struja drejna MOS tranzistora u triodnoj oblasti je

$$i_D = Bv_{DS} \left(v_{GS} - V_T - \frac{v_{DS}}{2} \right),$$

odakle se dobija da je

$$i_D = Bv_U \left(\frac{V_R + v_U}{2} - V_T - \frac{v_U}{2} \right) = Bv_U \left(\frac{V_R}{2} - V_T \right).$$

Na osnovu struje drejna dobija se izlazni napon

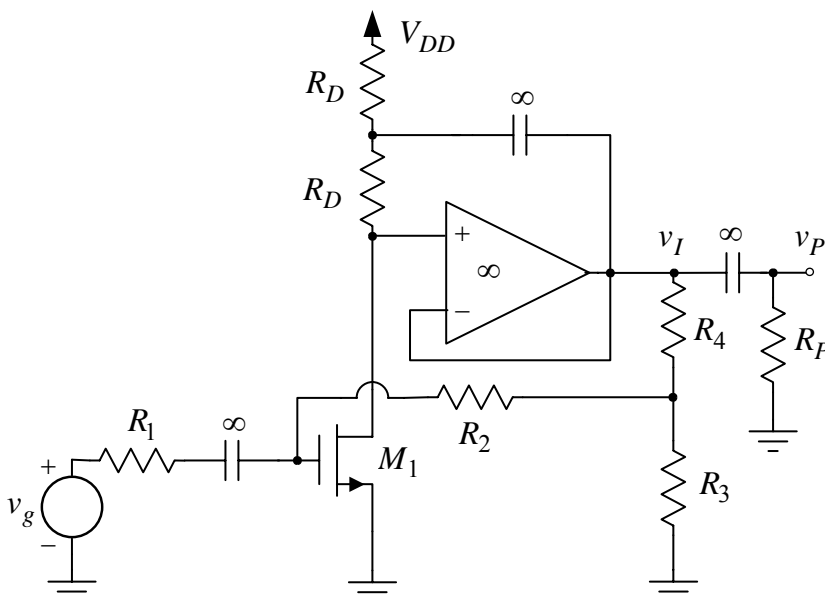
$$v_I = v_U + R_2 i_2 = v_U + R_2 (i_D + i_1) \approx v_U + R_2 i_D = v_U \left(1 + BR_2 \left(\frac{V_R}{2} - V_T \right) \right).$$

- d) Naponsko pojačanje je

$$a = \frac{dv_I}{dv_U} = \frac{v_i}{v_u} = 1 + BR_2 \left(\frac{V_R}{2} - V_T \right) = -9 + 5V_R.$$

Kolo predstavlja naponski kontrolisani pojačavač, a pojačanje je linearna funkcija kontrolnog napona V_R . Kada je tranzistor zakočen pojačanje je najmanje

$$a_{\min} = 1.$$



Slika 2.35

2.35. U kolu sa slike 2.35 operacioni pojačavač se može smatrati idealnim, napaja se iz baterije $V_{DD} = 12V$, dok je:

$$B = 1 \text{ mA/V}^2, \quad V_T = 1V, \quad \lambda \rightarrow 0, \\ R_2 = 33 \text{ k}\Omega, \quad R_4 = 10 \text{ k}\Omega, \\ R_D = 10 \text{ k}\Omega \text{ i } R_P = 10 \text{ k}\Omega.$$

- a) Odrediti otpornost R_3 tako da napon na izlazu operacionog pojačavača u mirnoj radnoj tački bude $V_I = V_{DD} / 2$.
- b) Odrediti otpornost R_1 tako

da naponsko pojačanje bude $a = v_p / v_g = -10$.

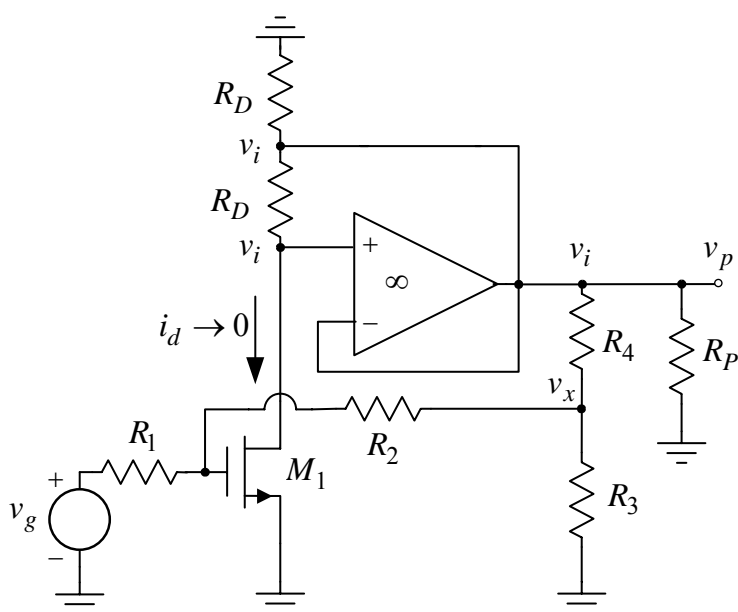
c) Odrediti otpornost R_u koju vidi pobudni generator v_g i otpornost R_i koju vidi potrošač R_p .

Rešenje:

a) U mirnoj radnoj tački kondenzatori su otvorene veze, a pošto je u kolu ostvarena negativna reakcija, to je

$$I_D = \frac{V_{DD} - V_I}{2R_D} = 300 \mu\text{A} \Rightarrow V_{GS} = V_T + \sqrt{2I_D / B} = 1,77 \text{ V},$$

$$V_{GS} = \frac{R_3}{R_3 + R_4} V_I \Rightarrow R_3 = \frac{R_4}{\frac{V_I}{V_{GS}} - 1} = \frac{R_4}{\frac{V_{DD}}{2V_{GS}} - 1} = 4,2 \text{ k}\Omega.$$



Slika 2.35a

b) Na slici 2.35a je pokazana šema pojačavača za male signale. Pošto je operacioni pojačavač idealan, a u kolu je primenjena negativna povratna sprega, struja drena jednaka je nuli

$$i_d = 0.$$

Stoga je

$$v_{gs} = 0 \Rightarrow \frac{v_g}{R_1} = -\frac{v_x}{R_4} \Rightarrow$$

$$v_x = \frac{R_2 \parallel R_3}{R_4 + R_2 \parallel R_3} v_p,$$

odakle se dobija naponsko pojačanje

$$a = \frac{v_p}{v_g} = -\frac{1}{\frac{R_1}{R_2} \frac{R_2 \parallel R_3}{R_4 + R_2 \parallel R_3}},$$

odnosno otpornost R_1 ,

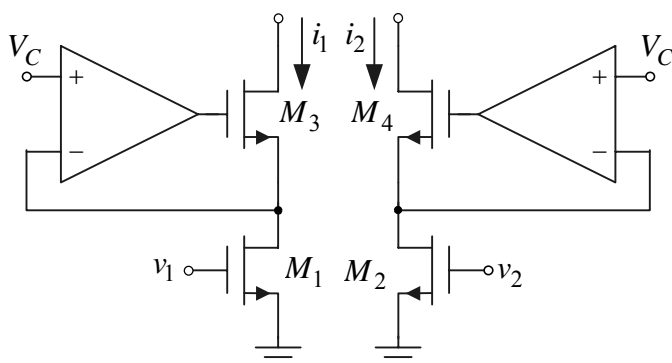
$$R_1 = -\frac{1}{\frac{a}{R_2} \frac{R_2 \parallel R_3}{R_4 + R_2 \parallel R_3}} = 12,2 \text{ k}\Omega.$$

c) Prema šemi za male signale otpornost koju vidi pobudni generator je

$$R_u = R_1 = 12,2 \text{ k}\Omega,$$

a pošto je operacioni pojačavač idealan, otpornost koju vidi potrošač R_p je

$$R_i = 0.$$



Slika 2.36

2.36. U kolu sa slike 2.36 svi tranzistori su identičnih parametara, a operacioni pojačavači su idealni.

a) Ako su tranzistori M_1 i M_2 u triodnoj oblasti, odrediti zavisnost $i_I = f(v_1 - v_2)$, $i_I = i_1 - i_2$.

b) Ako je $v_1 = v_2 = V$, odrediti minimalnu vrednost ovog napona za koji važi prethodna zavisnost.

Rešenje:

a) S obzirom da je u kolu ostvarena negativna povratna sprega i da su operacioni pojačavači idealni, to je

$$v_{DS1} = v_{DS2} = V_C.$$

Prema I Kirhofovom zakonu je

$$i_1 = i_{D3} = i_{D1} \text{ i } i_2 = i_{D4} = i_{D2},$$

a pošto su tranzistori M_1 i M_2 u triodnoj oblasti, to je

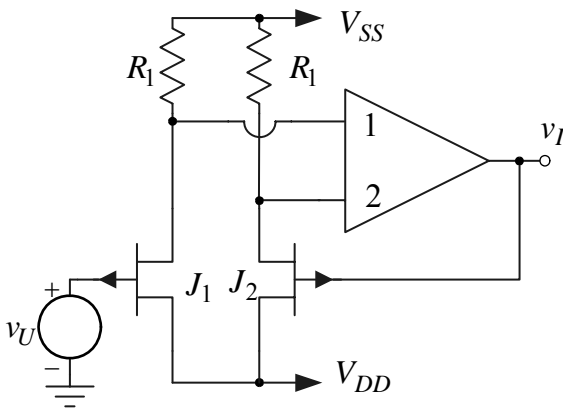
$$i_1 = B_1 \left(v_{GS1} - V_T - \frac{v_{DS1}}{2} \right) v_{DS1} = B \left(v_1 - V_T - \frac{V_C}{2} \right) V_C \text{ i}$$

$$i_2 = B_2 \left(v_{GS2} - V_T - \frac{v_{DS2}}{2} \right) v_{DS2} = B \left(v_2 - V_T - \frac{V_C}{2} \right) V_C \Rightarrow$$

$$i_I = i_1 - i_2 = BV_C \left(\left(v_1 - V_T - \frac{V_C}{2} \right) - \left(v_2 - V_T - \frac{V_C}{2} \right) \right) = BV_C (v_1 - v_2).$$

b) Minimalna vrednost napona V određena je izlaskom tranzistora M_1 i M_2 iz triodne oblasti

$$V_{\min} = V_C + V_T.$$



Slika 2.37

2.37. U pojačavaču sa slike 2.37 operacioni pojačavač je idealan i napaja se iz baterija $V_{SS} = -V_{DD} = 12 \text{ V}$. Parametri JFET-ova su: $V_P = 2 \text{ V}$, $I_{DSS} = 4 \text{ mA}$ i $\lambda \rightarrow 0$, dok je $R_1 = 100 \text{ k}\Omega$.

a) Odrediti polaritet ulaznih priključaka operacionog pojačavača tako da u kolu bude ostvarena negativna reakcija.

b) Ako su tranzistori u zasićenju, odrediti zavisnost $v_I = f(v_U)$.

c) Odrediti opseg ulaznog napona $v_{U \min} \leq v_U \leq v_{U \max}$ u kojem važi prethodna zavisnost.

Rešenje:

a) S obzirom na to da je gornji priključak tranzistora J_2 sorsa, priključak 2 operacionog pojačavača treba da je minus priključak. Ovako se postiže da je fazni stav po kružnom toku signala π .

b) S obzirom da je pojačanje pojačavača $a \rightarrow \infty$, potencijali sorsa oba tranzistora su jednaki, a pošto su i otpornici u sorsu jednaki i struje drejna međusobno su im jednake, odnosno naponi gejt-sors. Na osnovu prethodnog se zaključuje da je

$$v_I = v_U.$$

c) Kada su tranzistori u zasićenju struje drejna su im jednake. Minimalna vrednost ulaznog napona određena je ulaskom tranzistora J_1, J_2 u triodnu oblast

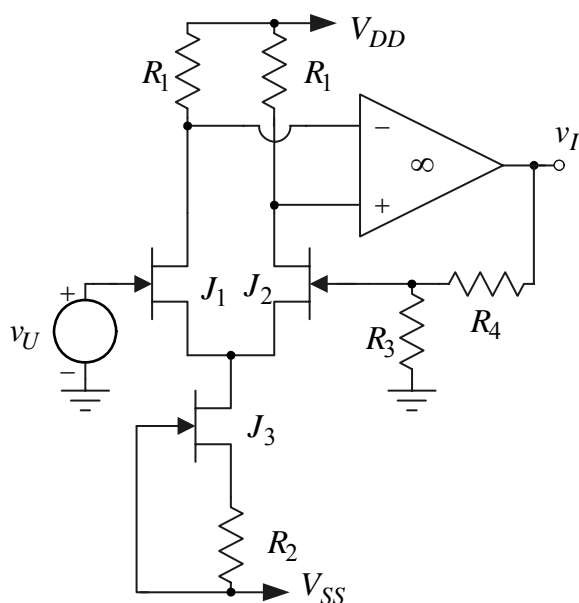
$$v_{U \min} = V_{DD} - v_{DG \max} = V_{DD} + V_P = -10 \text{ V}.$$

Maksimalna vrednost ulaznog napona može biti određena ulaskom u zakočenje tranzistora J_1, J_2 ,

$$v_{U \max 1} = V_{SS} + v_{GS \max} = V_{SS} + V_P = 14 \text{ V}.$$

Međutim, ovo nije ograničavajući faktor. Pošto će pre toga izlaz operacionog pojačavača otići u pozitivno zasićenje, ovo određuje maksimalnu vrednost ulaznog napona

$$v_{U \max} = v_{I \max} = V_{SS} = 12 \text{ V}.$$



Slika 2.38

2.38. U pojačavaču sa slike 2.38 operacioni pojačavač je idealan i napaja se iz baterija $V_{DD} = -V_{SS} = 12\text{ V}$. Parametri JFET-ova su: $V_P = -1,2\text{ V}$, $I_{DSS} = 2,5\text{ mA}$ i $\lambda \rightarrow 0$, dok je $R_1 = 10\text{ k}\Omega$ i $R_3 = 1\text{ k}\Omega$

- a) Odrediti otpornosti R_2 i R_4 tako da je struja drejna u mirnoj radnoj tački $I_{D1} = 250\mu\text{A}$, a naponsko pojačanje $a = v_i / v_u = 10$.
- b) Ako je $V_{P1} = 1,01V_P$ i $V_{P2} = 0,99V_P$, odrediti vrednost izlaznog napona u mirnoj radnoj tački.

Rešenje:

- a) U kolu je primenjena negativna povratna sprega usled čega su struje drejna međusobno jednake. Naponi gejtvors diferencijalnog para takođe su jednaki, pa je u mirnoj radnoj tački

$$V_U = 0 \Rightarrow V_I = 0.$$

Tranzistor J_3 sa otpornikom R_2 čini strujni izvor, tako da je

$$I_{D3} = 2I_{D1} \Rightarrow R_2 = \frac{V_P \left(1 - \sqrt{I_{D3}/I_{DSS}}\right)}{I_{D3}} = \frac{V_P \left(1 - \sqrt{2I_{D1}/I_{DSS}}\right)}{2I_{D1}} = 1,33\text{ k}\Omega.$$

Pošto su naponi na gejtvovima diferencijalnog para jednaki, to je

$$v_{G2} = v_{G1} = v_U \text{ i } \frac{v_U}{R_3} = \frac{v_I}{R_3 + R_4} \Rightarrow \frac{v_I}{v_U} = 1 + \frac{R_4}{R_3}.$$

Iz uslova da je naponsko pojačanje

$$a = v_i / v_u = 10 = 1 + R_4 / R_3,$$

dobija se otpornost R_4 ,

$$R_4 = R_3(a - 1) = 9R_3 = 9\text{ k}\Omega.$$

b) Zbog negativne povratne sprege i pored različitih napona praga struje drejna diferencijalnog para ostaju međusobno jednake. Pošto je

$$I_{D1} + I_{D2} = 2I_{D1} = I_{D3} \Rightarrow I_{D1} = I_{D2} = I_{D3}/2.$$

Napon na gejtu JFET-a J_2 u mirnoj radnoj tački je

$$V_{G2} = V_{GS2} - V_{GS1} = V_{P2} \left(1 - \sqrt{\frac{I_{D1}}{I_{DSS}}}\right) - V_{P1} \left(1 - \sqrt{\frac{I_{D1}}{I_{DSS}}}\right) = (V_{P1} - V_{P2}) \left(\sqrt{\frac{I_{D1}}{I_{DSS}}} - 1\right),$$

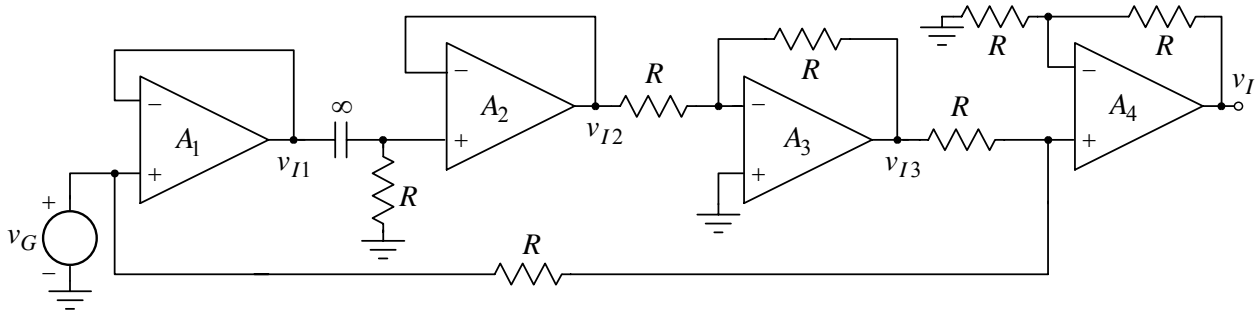
pa je izlazni napon

$$V_I = \left(1 + \frac{R_4}{R_3}\right) V_{G2} = \left(1 + \frac{R_4}{R_3}\right) (V_{P1} - V_{P2}) \left(\sqrt{\frac{I_{D1}}{I_{DSS}}} - 1\right) = 164\text{ mV}.$$

2.39. U kolu sa slike 2.39 operacioni pojačavači su idealni, napajaju se iz baterija $V_{CC} = -V_{EE} = 12\text{ V}$, dok je $R = 10\text{ k}\Omega$.

- a) Ako je $v_G = V_{G0} + V_m \sin(2\pi ft)$, $V_{G0} = 5\text{ V}$ i $f = 1\text{ kHz}$, odrediti napone na izlazima svih operacionih pojačavača.
- b) Odrediti maksimalnu amplitudu napona pobudnog generatora $V_{m\text{max}}$, za koju se na izlazima svih operacionih pojačavača dobija neizobličen napon.

c) Odrediti otpornost koju vidi pobudni generator.



Slika 2.39

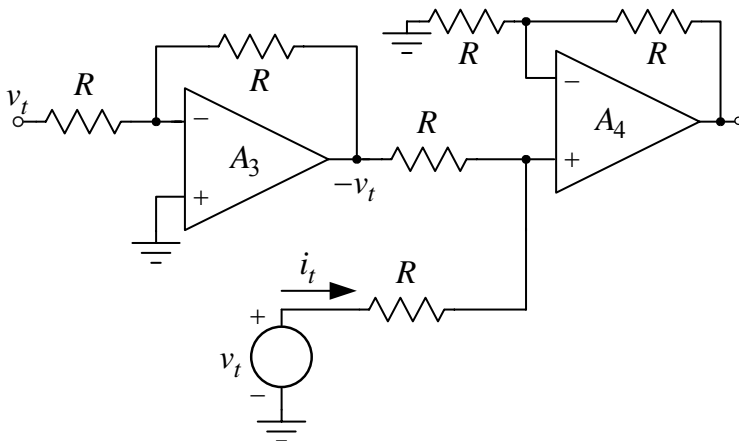
Rešenje:

a) Pošto su operacioni pojačavači idealni, a u kolu je ostvarena negativna povratna sprega, to je

$$v_{I1}(t) = v_G(t), \quad v_{A2}^+(t) = V_m \sin(2\pi ft), \quad v_{I2}(t) = v_{A2}^+(t) = V_m \sin(2\pi ft),$$

$$v_{I3}(t) = -\frac{R}{R} v_{I2}(t) = -v_{I2}(t) = -V_m \sin(2\pi ft), \quad v_{A4}^+(t) = \frac{v_G(t) + v_{I3}(t)}{2} = \frac{V_{G0}}{2} = 2,5 \text{ V i}$$

$$v_I(t) = \left(1 + \frac{R}{R}\right) v_{A4}^+(t) = 2v_{A4}^+(t) = V_{G0} = 5 \text{ V}.$$



Slika 2.39a

određuje otpornost koju vidi pobudni generator. Prema ovoj slici je

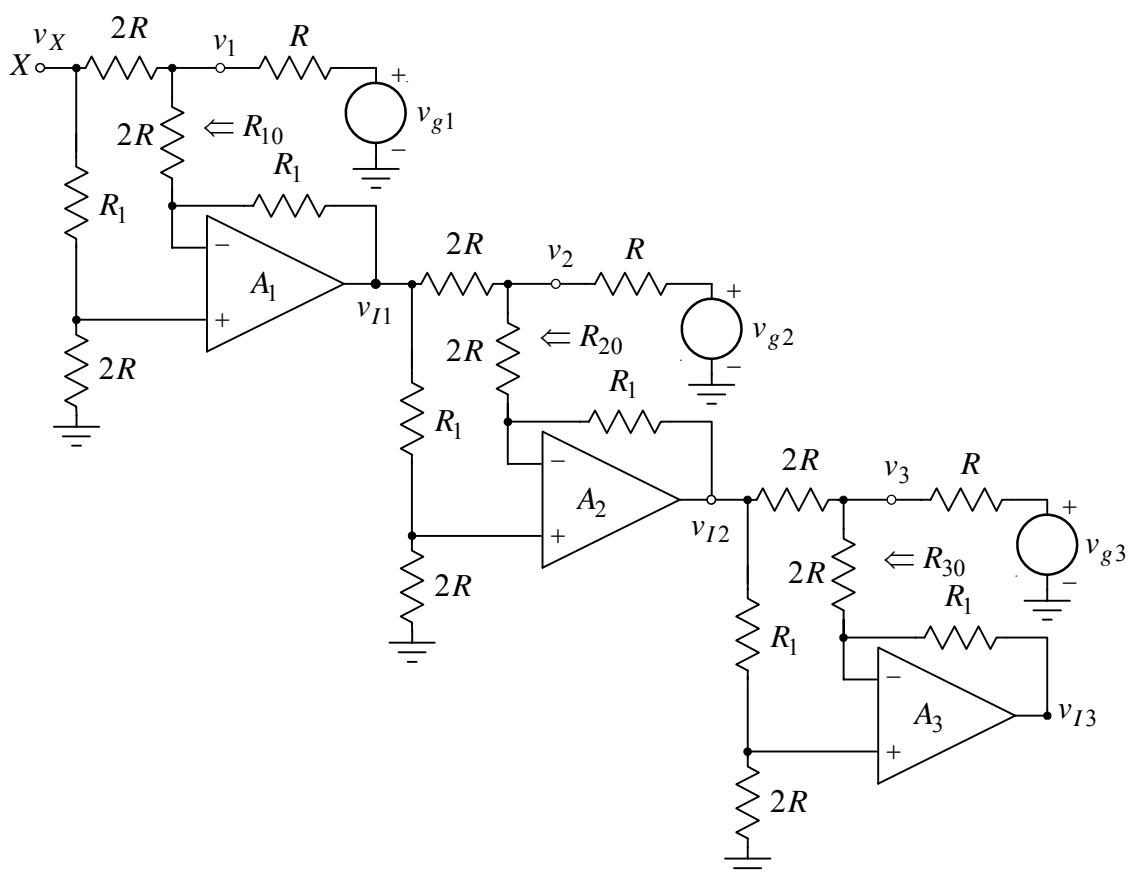
$$v_{i1} = v_t, \quad v_{i2} = v_t, \quad v_{i3} = -v_t \quad \text{i} \quad i_t = \frac{v_t - v_{i3}}{2R} = \frac{2v_t}{2R} = \frac{v_t}{R},$$

odakle se dobija da je otpornost koju vidi pobudni generator

$$R_u = v_t / i_t = R = 10 \text{ k}\Omega.$$

2.40. U kolu sa slike 2.40 operacioni pojačavači se mogu smatrati idealnim, a poznato je: $R = 50 \Omega$ i $R_1 = 323,6 \Omega$.

- Ako je $v_X = 0$ odrediti otpornosti koje se vide na priključcima 1, 2 i 3, R_{10} , R_{20} i R_{30} .
- Ako je $v_X = 0$, $v_{g2} = 0$ i $v_{g3} = 0$, a $v_{g1} = 1 \text{ V} \sin(2\pi ft)$ odrediti napone na priključcima v_2 i v_3 .
- Ponoviti prethodnu tačku ako je priključak 2 otvoren ($i_{g2} = 0$).
- Ponoviti tačku b) ako je priključak 2 kratkospojen sa masom.
- Ako je izlaz poslednjeg operacionog pojačavača dovede na ulaz prvog operacionog, $v_X = v_{I3}$, ponoviti tačku b).
- Ako je $v_{g1} = 0$, $v_{g2} = 1 \text{ V} \sin(2\pi ft)$ i $v_{g3} = 0$, odrediti napone na priključcima v_1 i v_3 .



Slika 2.40

Rešenje:

a) Operacioni pojačavači su idealni, pa su im izlazne otpornosti jednake nuli. Stoga je

$$R_{10} = R_{20} = R_{30} = 2R \parallel 2R = R = 50 \Omega.$$

Pošto je ista i unutrašnja otpornost generatora $v_{gj, j=1,2,3}$, ostvareno je prilagođenje po snazi.

b) S obzirom na prethodni rezultat

$$v_1(t) = \frac{R}{R+R} v_{g1}(t) = \frac{v_{g1}(t)}{2} = 0,5V \cdot \sin(2\pi ft).$$

Napon na plus priključku operacionog pojačavača A_1 je nula, pa je

$$v_{i1}(t) = -(R_1/2R)v_1(t) = -1,618V \cdot \sin(2\pi ft).$$

Napon na plus priključku drugog operacionog pojačavača je

$$v_{A2}^+ = \frac{2R}{2R+R_1} v_{i1},$$

pa se primenom I Kirhofovog zakona dobija

$$\frac{v_{i1} - v_2}{2R} = \frac{v_2 - v_{A2}^+}{2R} + \frac{v_2}{R} \Rightarrow$$

$$v_2(t) = \frac{1}{4} \frac{4R + R_1}{2R + R_1} v_{i1}(t) = -\frac{R_1}{8R} \frac{4R + R_1}{2R + R_1} v_{g1}(t) = -\frac{1}{2} v_{g1}(t) = -0,5V \cdot \sin(2\pi ft).$$

Kada se znaju naponi v_{i1} i v_2 , primenom principa superpozicije dobija se

$$v_{i2} = \frac{2R}{2R+R_1} \left(1 + \frac{R_1}{2R}\right) v_{i1} - \frac{R_1}{2R} v_2 = v_{i1} - \frac{R_1}{2R} v_2 = v_{i1} \left(1 - \frac{R_1}{8R} \frac{4R + R_1}{2R + R_1}\right) = v_{i1} \frac{16R^2 + 4RR_1 - R_1^2}{8R(2R + R_1)} \Rightarrow$$

$$v_{i2} = 1,794 \cdot 10^{-5} v_{i1} \approx 0.$$

Po analogiji sa naponom v_2 može se dobiti i napon na priključku 3:

$$v_3 = \frac{1}{4} \frac{4R + R_1}{2R + R_1} v_{i2} = 5,544 \cdot 10^{-6} v_{i1} \approx 0.$$

Napon na izlazu poslednjeg operacionog pojačavača je

$$v_{i3} = 1,794 \cdot 10^{-5} v_{i2} = \left(1,794 \cdot 10^{-5}\right)^2 v_{i1} \approx 0.$$

c) Kada je otvoren priključak 2, $i_{g2} = 0$, napon na izlazu operacionog pojačavača A_1 se ne menja ($R_{i1} = 0$)

$$v_1(t) = 0,5V \cdot \sin(2\pi ft), \quad v_{i1}(t) = -\frac{R_1}{2R} v_1(t) = -1,618V \cdot \sin(2\pi ft),$$

dok je

$$v_2(t) = \frac{1}{2} \left(v_{i1}(t) + \left(\frac{2R}{2R + R_1} \right) v_{i1}(t) \right) = \frac{1}{2} \frac{4R}{2R + R_1} v_{i1}(t) = -1V \cdot \sin(2\pi ft).$$

Kao što se vidi ova vrednost je dva puta veća od vrednosti kada je priključak 2 prilagođen potrošaču po snazi.

Napon na izlazu drugog operacionog pojačavača je

$$v_{i2}(t) = \frac{2R}{2R + R_1} \left(1 + \frac{R_1}{4R} \right) v_{i1}(t) - \frac{R_1}{4R} v_{i1}(t) = v_{i1}(t) \frac{8R^2 - R_1^2}{4R(2R + R_1)} = -v_{i1}(t) \Rightarrow$$

$$v_{i2}(t) = 1,618V \cdot \sin(2\pi ft)$$

odakle se dobija

$$v_3(t) = \frac{1}{4} \frac{4R + R_1}{2R + R_1} v_{i2}(t) = 0,309 \cdot v_{i2}(t) = 0,5V \cdot \sin(2\pi ft).$$

d) Kada je priključak dva uzemljen, tada je

$$v_{i2}(t) = \frac{2R}{2R + R_1} \left(1 + \frac{R_1}{2R} \right) v_{i1}(t) = v_{i1}(t) = -1,618V \cdot \sin(2\pi ft) \text{ i}$$

$$v_3(t) = \frac{1}{4} \frac{4R + R_1}{2R + R_1} v_{i2}(t) = 0,309 \cdot v_{i2}(t) = -0,5V \cdot \sin(2\pi ft).$$

e) Kada se izlaz operacionog pojačavača A_3 dovede na ulaz X , naponi u kolu se neće promeniti u odnosu na tačku b)

$$v_1 = 0,5V \cdot \sin(2\pi ft), \quad v_2 = -0,5V \cdot \sin(2\pi ft) \text{ i } v_3(t) \approx 0.$$

f) Sada je priključak 2 generator dok su priključci 1 i 3 prilagođeni potrošači. Zbog simetrije kola sada je

$$v_2 = 0,5V \cdot \sin(2\pi ft), \quad v_3 = -0,5V \cdot \sin(2\pi ft) \text{ i } v_1(t) \approx 0.$$

Kolo obavlja funkciju cirkulatora.

2.41. U kolu sa slike 2.41 upotrebljeni su idealni operacioni pojačavači koji se napajaju iz baterije $V_{CC} = 5V$, dok je: $v_g = V_m \sin(2\pi ft)$, $f = 1kHz$, $R = 10k\Omega$, $R_1 = 50\Omega$ i $R_P = 600\Omega$.

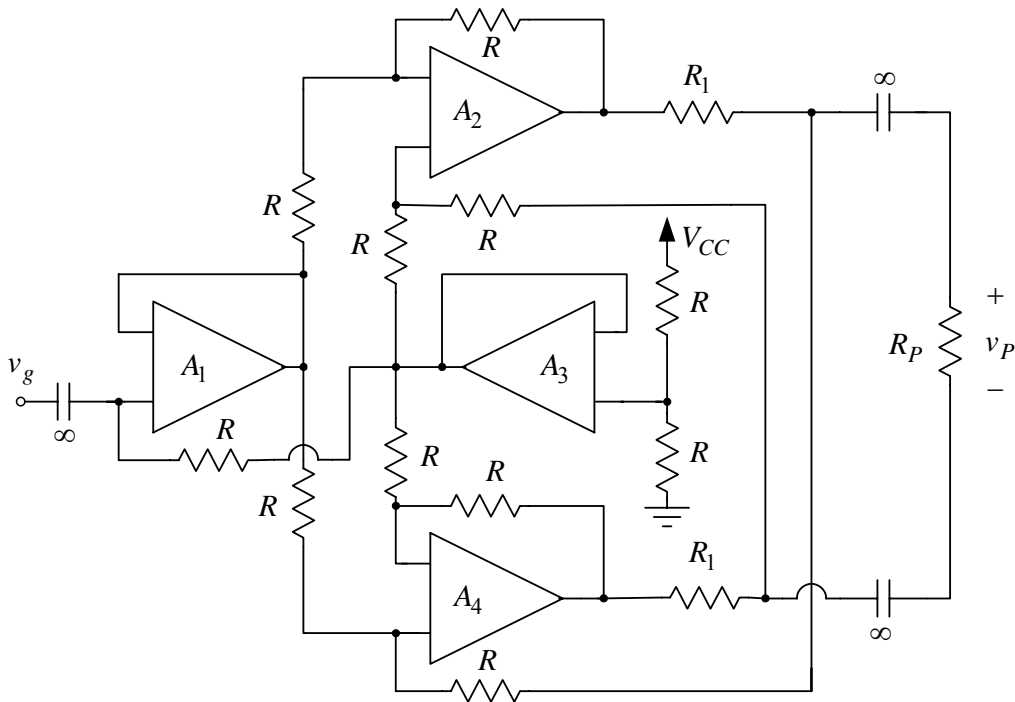
a) Odrediti polaritet ulaznih priključaka operacionih pojačavača $A_1 - A_4$ tako da u kolu bude ostvarena negativna povratna sprega.

Pod uslovom iz tačke a) odrediti:

b) zavisnost $v_P(v_g)$ u funkciji parametara kola;

c) otpornost koju vidi potrošač R_P ;

d) maksimalnu vrednost amplitude $V_{m \max}$ pri kojoj još uvek važi zavisnost iz tačke b).

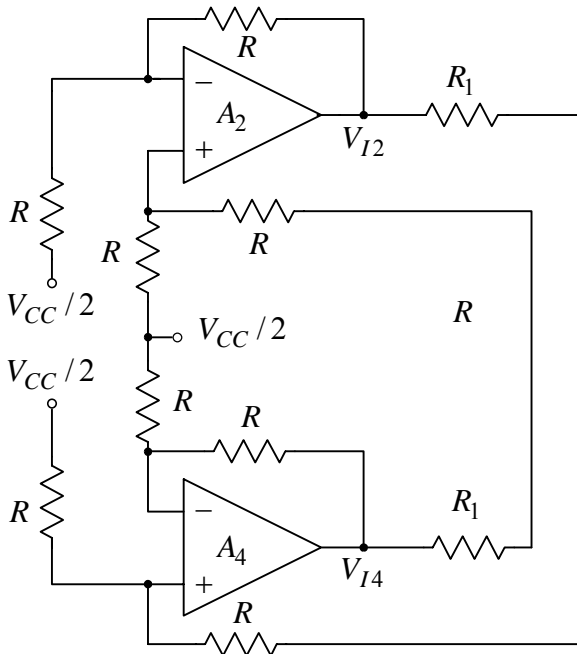


Slika 2.41

Rešenje:

a) Operacioni pojačavači A_1 i A_3 imaju povratnu spregu vraćenu samo na jedan ulaz. Po kružnom toku signala fazni stav treba da je π , pa su stoga gornji ulazni priključci ovih pojačavača minus priključci. Na osnovu faznih stavova i vrednosti otpornosti u kolu pojačavača za primenu negativne povratne sprege potrebno da gornji ulazni priključci pojačavača A_2 i A_4 budu minus priključci.

b) Zbog ostvarene negativne povratne sprege kolo je linearno. Stoga ćemo primeniti princip superpozicije delovanja baterije za napajanje i pobudnog generatora v_g . Kada deluje samo baterija V_{CC} ekvivalentno kolo pojačavača je prikazano na slici 2.41a. Prema ovoj slici je:



Slika 2.41a

$$V_{I1} = V_{I3} = V_{CC} / 2 = 2,5 \text{ V},$$

$$V_{A2}^+ = \frac{1}{2} \left(\frac{V_{CC}}{2} + V_{I4} \right) \text{ i } V_{I2} = -\frac{V_{CC}}{2} + 2V_{A2}^+,$$

odakle se dobija da je

$$V_{I2} = V_{I4}.$$

Pošto je

$$V_{A4}^+ = \frac{R}{2R + R_1} V_{I2} + \frac{R + R_1}{2R + R_1} \frac{V_{CC}}{2} \text{ i}$$

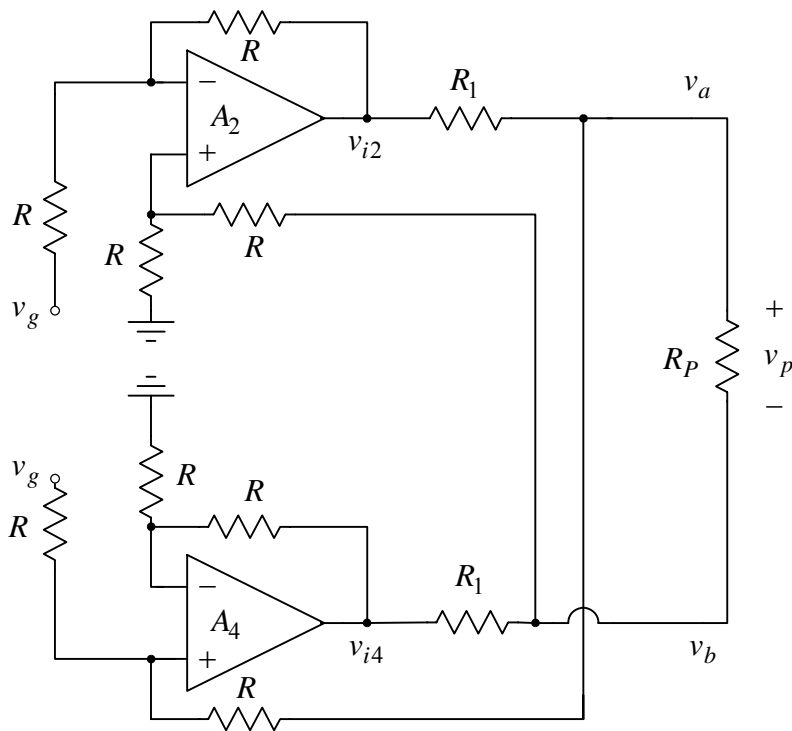
$$V_{I4} = -\frac{V_{CC}}{2} + 2V_{A4}^+,$$

smenom se dobijaju jednosmerne vrednosti napona na izlazima pojačavača A_2 i A_4 :

$$V_{I2} = V_{I4} = V_{CC} / 2 = 2,5 \text{ V}.$$

S obzirom da je potrošač kapacitivno spregnut sa kolom pojačavača

$$V_P(V_{CC}) = 0.$$

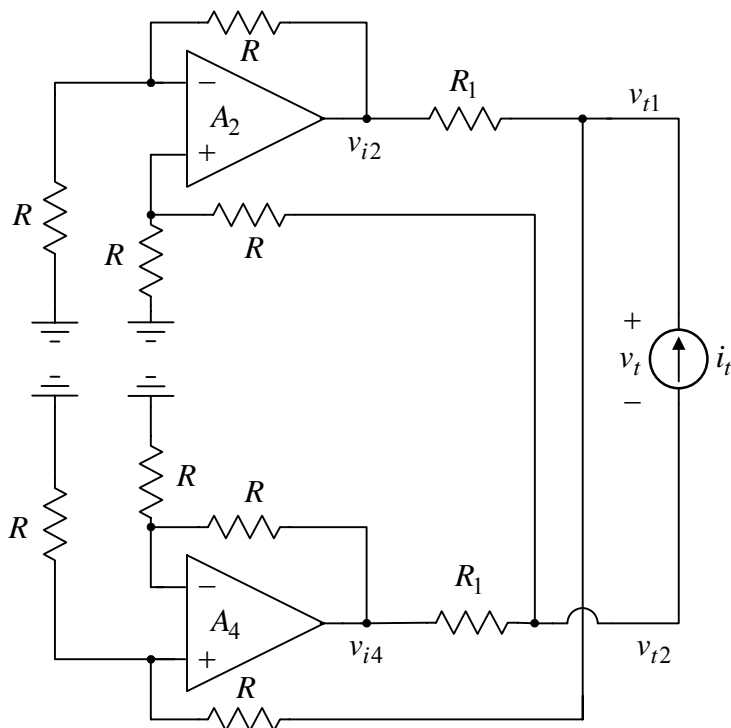


Slika 2.41b

sabiranjem i oduzimanjem se dobija

$$2v_a = v_g(1 - 0,92) \text{ i } 2v_b = v_g(1 + 0,92) \Rightarrow v_a = 0,04v_g \text{ i } v_b = 0,96v_g \Rightarrow$$

$$v_{i4} = v_g + v_a = 1,04v_g \text{ i } v_{i2} = -v_g + 0,96v_g = -0,04v_g.$$



Slika 2.41c

d) Primenom principa superpozicije za napone na izlazima operacionih pojačavača se dobija

Ekvivalentna šema kola kada u8 kolu deluje samo generator v_g prikazana je na slici 2.41b. Prema ovoj slici je

$$v_{i2} = -v_g + v_b, \quad v_{i4} = v_g + v_a,$$

$$\frac{v_{i2} - v_a}{R_1} = \frac{v_a - v_g}{2R} + \frac{v_i}{R_P} \quad \text{i}$$

$$\frac{v_{i4} - v_b}{R_1} = \frac{v_b}{2R} - \frac{v_i}{R_P}.$$

Sabiranjem prethodne dve jednakosti dobija se

$$v_a + v_b = v_g,$$

dok njihovo oduzimanje daje

$$\frac{v_p}{v_g} = \frac{\frac{1}{2R} - \frac{2}{R_1}}{\frac{1}{2R} + \frac{2}{R_1} + \frac{2}{R_P}} \approx -0,92.$$

Pošto je

$$v_a + v_b = v_g \text{ i } v_a - v_b = v_p,$$

c) Na slici 2.41c prikazana je šema iz koje se određuje otpornost koju vidi potrošač R_P Prema ovoj slici je

$$i_t = \frac{v_{t1}}{2R} + \frac{v_{t1} - v_{t2}}{R_1} \quad \text{i}$$

$$i_t = -\frac{v_{t2}}{2R} + \frac{v_{t1} - v_{t2}}{R_1}.$$

Sabiranjem prethodnih jednakosti dobija se

$$2i_t = \frac{v_{t1} - v_{t2}}{2R} + \frac{2}{R_1}(v_{t1} - v_{t2}),$$

odnosno

$$2i_t = v_t \left(\frac{1}{2R} + \frac{2}{R_1} \right),$$

odakle se dobija otpornost koju vidi potrošač

$$R_i = \frac{v_t}{i_t} = \frac{2}{\frac{1}{2R} + \frac{2}{R_1}} = \frac{2(2RR_1)}{4R + R_1} \Rightarrow$$

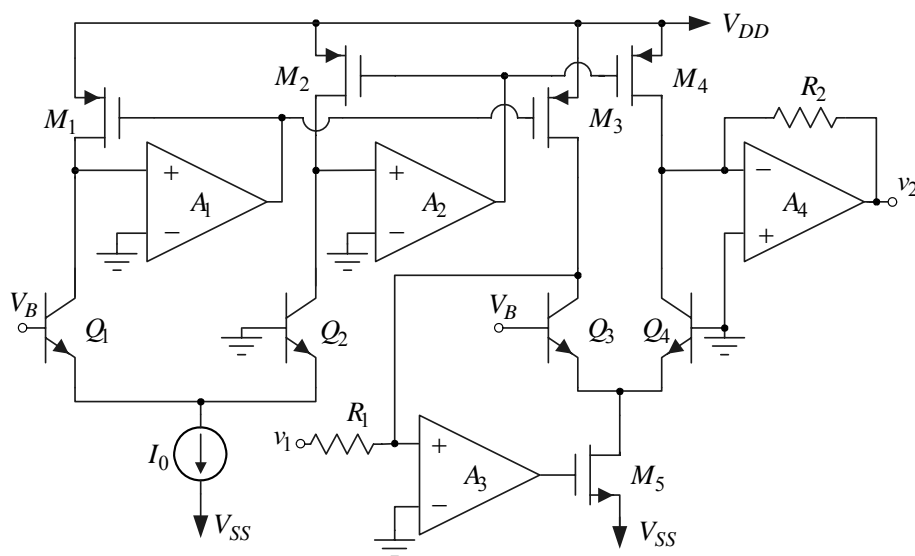
$$R_i = 4R \parallel R_1 \approx R_1 = 50\Omega.$$

$$v_{I1} = \frac{V_{CC}}{2} + v_g, v_{I2} = \frac{V_{CC}}{2} - 0,04v_g, v_{I3} = \frac{V_{CC}}{2} \text{ i } v_{I4} = \frac{V_{CC}}{2} + 1,04v_g.$$

Očito je da je maksimalna amplituda napona pobudnog generatora određena ulaskom operacionog pojačavača A_4 u zasićenje:

$$V_{m\max} = \frac{V_{CC}/2}{1,04} = 2,4V.$$

2.42. U kolu sa slike 2.42 operacioni pojačavači su idealni, svi bipolarni tranzistori su identičnih karakteristika sa $\beta_F \rightarrow \infty$ i $V_{CES} = 0,2V$, parametri MOS tranzistora su: $B = 1 \text{ mA/V}^2$, $|V_T| = 1V$ i $\lambda \rightarrow 0$, dok je: $V_{DD} = -V_{SS} = 5V$, $I_0 = 500\mu\text{A}$ i $R_1 = R_2 = 10k\Omega$.



Slika 2.42

- a) Ako je $V_B = 0$ i $v_1 = 0$ odrediti sve struje drejna, kao i sve kolektorske struje u kolu.
- b) Ako su svi tranzistori u aktivnim režimima, odrediti zavisnost $v_2 = f(v_1, V_B)$, a zatim objasniti funkciju kola.
- c) Ako je $V_B = 0$, odrediti opseg vrednosti napona $v_{1\min} < v_1 < v_{1\max}$, za koji važi zavisnost iz prethodne tačke. Smatrati da je $v_{BE\max} = 0,75V$.

Rešenje:

a) Kada je $v_B = 0$ kolektorske struje tranzistora Q_1 i Q_2 međusobno su jednake

$$i_{C1} = i_{C2} = I_0/2 = 250\mu\text{A}.$$

Tranzistori $M_1 - M_3$ i $M_2 - M_4$ čine strujno ogledalo, te je

$$i_{D1} = i_{C1} = i_{D3} = 250\mu\text{A} \text{ i } i_{D2} = i_{C2} = i_{D4} = 250\mu\text{A}.$$

Pošto je

$$v_1/R_1 = 0 \Rightarrow i_{C3} = i_{C4} = i_{D3} = i_{D4} = 250\mu\text{A} \Rightarrow v_2 = 0 \text{ i } i_{D5} = i_{C3} + i_{C4} = 2i_{C3} = I_0 = 500\mu\text{A}.$$

b) Sva četiri bipolarna tranzistora rade u direktnom aktivnom režimu pošto je $v_{CB} = 0$, te je

$$v_B = v_{BE1} - v_{BE2} = V_T \ln \frac{i_{C1}}{I_{S1}} - V_T \ln \frac{i_{C2}}{I_{S2}} = V_T \ln \frac{i_{C1}}{i_{C2}},$$

$$v_B = v_{BE3} - v_{BE4} = V_T \ln \frac{i_{C3}}{I_{S3}} - V_T \ln \frac{i_{C4}}{I_{S4}} = V_T \ln \frac{i_{C3}}{i_{C4}},$$

odakle se dobija

$$i_{C1}i_{C4} = i_{C3}i_{C2}.$$

Dalja primena Kirhofovih zakona daje:

$$i_{D3} = i_{D1} = i_{C1}, \quad i_{D4} = i_{D2} = i_{C2}, \quad i_{D3} + \frac{v_1}{R_1} = i_{C3} \quad \text{i} \quad i_{D4} + \frac{v_2}{R_2} = i_{C4},$$

a posle smene postaje

$$\frac{i_{C1}}{i_{C2}} = \frac{i_{C3}}{i_{C4}} = \frac{i_{D3} + \frac{v_1}{R_1}}{i_{D4} + \frac{v_2}{R_2}} = \frac{i_{C1} + \frac{v_1}{R_1}}{i_{C2} + \frac{v_2}{R_2}} \Rightarrow i_{C1} \left(i_{C2} + \frac{v_2}{R_2} \right) = i_{C2} \left(i_{C1} + \frac{v_1}{R_1} \right) \Rightarrow$$

$$v_2 = \frac{R_2}{R_1} v_1 \frac{i_{C2}}{i_{C1}} = \frac{R_2}{R_1} v_1 e^{-\frac{v_B}{V_t}} = v_1 e^{-\frac{v_B}{V_t}}.$$

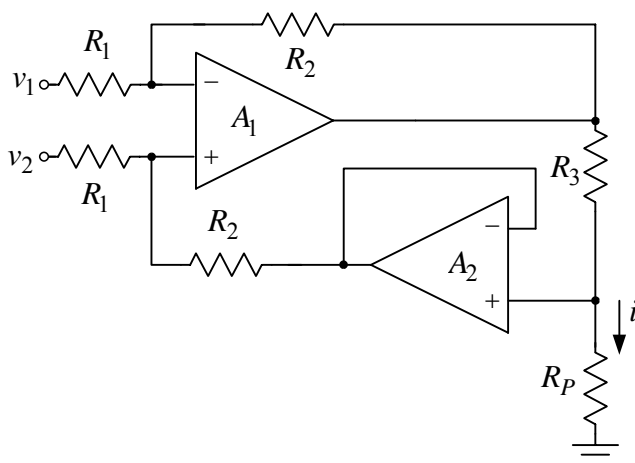
Na osnovu poslednjeg izraza se zaključuje da kolo predstavlja kontrolisani pojačavač (oslabljivač), čije se pojačanje podešava kontrolnim naponom v_B .

c) Minimalna vrednost napona v_1 određena je zakočenjem tranzistora Q_3, Q_4 :

$$v_{1\min} = -R_1 I_0 / 2 = -2,5 \text{ V},$$

dok je maksimalna vrednost ovog napona određena zasićenjem operacionog pojačavača A_4 :

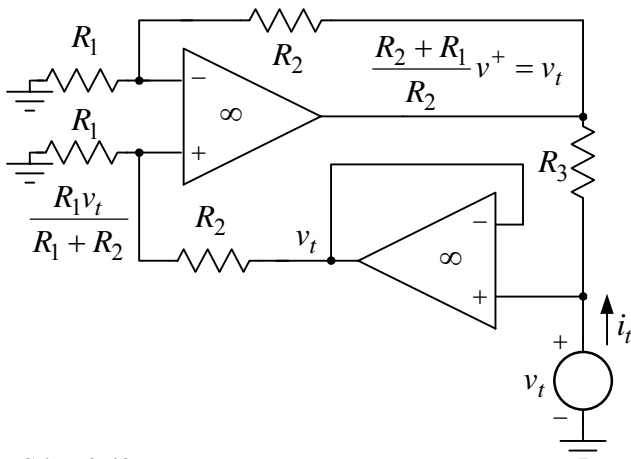
$$v_{1\max} = v_{2\max} = V_{CC} = 5 \text{ V}.$$



Slika 2.43

Pošto je

$$\frac{v_1 - v_{A1}}{R_1} = \frac{v_{A1} - v_{I1}}{R_2} \quad \text{i} \quad \frac{v_2 - v_{A1}}{R_1} = \frac{v_{A1} - v_{I2}}{R_2} \quad \text{i} \quad i = \frac{v_{I1} - v_{I2}}{R_3},$$



Slika 2.43a

2.43. U kolu sa slike 2.43 operacioni pojačavači se mogu smatrati idealnim.

- Odrediti zavisnost struje potrošača u funkciji napona v_1 i v_2 , $i = f(v_1, v_2)$.
- Odrediti otpornost R_i koju vidi potrošač R_p .
- Odrediti diferencijalnu ulaznu otpornost R_u .

Rešenje:

a) S obzirom da u kolu postoji negativna povratna sprega, to je

$$v_{A1}^+ = v_{A1}^- = v_{A1}, \quad v_{A2}^+ = v_{A2}^- = v_{I2}.$$

smenom se dobija

$$v_{I1} = -\frac{R_2}{R_1} v_1 + \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) v_{A1},$$

$$v_{I2} = -\frac{R_2}{R_1} v_2 + \left(1 + \frac{R_2}{R_1} \right) v_{A1} \quad \text{i}$$

$$i = \frac{v_{I1} - v_{I2}}{R_3} = \frac{R_2}{R_1 R_3} (v_2 - v_1).$$

Struja potrošača proporcionalna je razlici napona v_2 i v_1 i ne zavisi od otpornosti potrošača, što znači da je kolo naponski kontrolisani strujni izvor.

b) Na slici 2.43a prikazana je šema za male signale iz koje se određuje izlazna otpornost $R_i = v_t / i_t$. Prema oznakama na slici zaključuje se da je struja test generatora

$$i_t = \frac{v_t - v_{i1}}{R} = \frac{v_t - v_t}{R} = 0 \Rightarrow R_i = v_t / i_t \rightarrow \infty.$$

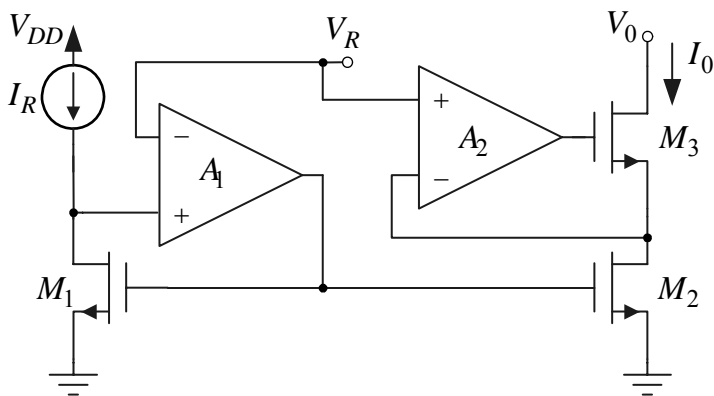
c) S obzirom da je

$$v_{A1}^+ = v_{A1}^- = v_{A1},$$

diferencijalna ulazna otpornost je

$$R_u = 2R_1.$$

2.44. U kolu strujnog izvora upotrebljeni su tranzistori sa: $B = \mu_n C_{ox} W / L = 2 \text{ mA/V}^2$, $V_T = 0,7 \text{ V}$ i $\lambda = 0,04 \text{ V}^{-1}$, dok je $V_{DD} = 3 \text{ V}$ i $I_R = 50 \mu\text{A}$.



Slika 2.44

- a) Ako su operacioni pojačavači idealni, odrediti struju strujnog izvora I_0 .
- b) Odrediti vrednost napona V_R tako da se ostvari najmanja minimalna vrednost napona V_0 za koju su svi MOS tranzistori u zasićenju. Zanimariti uticaj Earlyjevog efekta. Ako je naponsko pojačanje operacionih pojačavača $a = 50$, dok su im sve ostale karakteristike idealne, odrediti:
- c) izlaznu otpornost strujnog izvora R_0 ;
- d) otpornost R_R koju vidi strujni izvor I_R .

Rešenje:

a) Struje drena tranzistora M_1 i M_2 su

$$I_{D1} = \frac{B}{2}(V_{GS1} - V_T)(1 + \lambda V_{DS1}) \text{ i } I_{D2} = \frac{B}{2}(V_{GS2} - V_T)(1 + \lambda V_{DS2}),$$

$$B_1 = B_2 = B, V_{T1} = V_{T2} = V_T, \lambda_1 = \lambda_2 = \lambda.$$

Zbog ostvarene negativne povratne sprege u kolu, naponi drena-sors tranzistora M_1 i M_2 međusobno su jednaki

$$V_{DS1} = V_{DS2} = V_R, V_{GS1} = V_{GS2} \text{ i } I_{D1} = I_{D2},$$

tako da je

$$\frac{I_{D1}}{I_{D2}} = \frac{\frac{B}{2}(V_{GS1} - V_T)(1 + \lambda V_{DS1})}{\frac{B}{2}(V_{GS2} - V_T)(1 + \lambda V_{DS2})} = 1 \Rightarrow I_0 = I_{D3} = I_{D2} = I_{D1} = I_R = 50 \mu\text{A}.$$

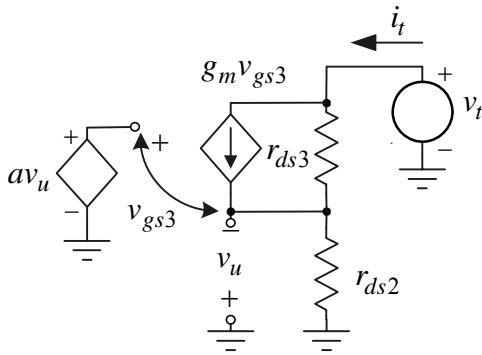
Jakom negativnom povratnom spregom izjednačavaju se naponi drena-sors tranzistora M_1 i M_2 , čime se postiže precizno podešavanje odnosa referentne i struje strujnog izvora I_0 .

b) Minimalna vrednost napona $V_{0\min}$ određena je ulaskom tranzistora M_3 u triodnu oblast

$$V_{0\min} = V_R + V_{DS3\min} = V_R + \sqrt{2I_R / B}.$$

Ova vrednost postaje minimalna kada se V_R izabere tako da tranzistor M_2 bude na granici triodne oblasti i zasićenja. Tada je

$$V_R = V_{DS2\min} = \sqrt{2I_R/B} \Rightarrow (V_{0\min})_{\min} = V_{R\min} + V_{DS3\min} = 2\sqrt{2I_R/B} = 447 \text{ mV}.$$



Slika 2.44a

c) Na slici 2.44a je prikazana šema za male signale na osnovu koje se određuje izlazna otpornost strujnog izvora. Prema ovoj slici je

$$v_u = -r_{ds2}i_t \text{ i } v_{gs3} = (a+1)v_u \Rightarrow v_{gs3} = -r_{ds2}(a+1)i_t,$$

$$v_t = r_{ds2}i_t + r_{ds3}(i_t - g_m v_{gs3}) \Rightarrow$$

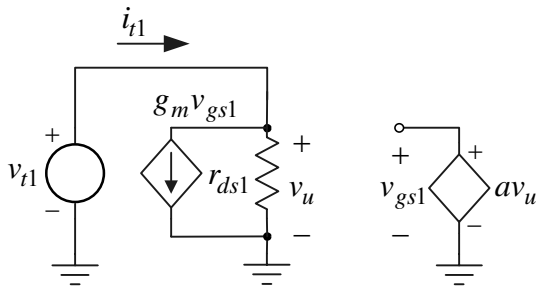
$$v_t = i_t(r_{ds2} + r_{ds3}(1 + g_m(a+1)r_{ds2})),$$

tako da je izlazna otpornost strujnog izvora

$$R_0 = \frac{v_t}{i_t} = r_{ds2} + r_{ds3}(1 + g_m(a+1)r_{ds2}) \Rightarrow$$

$$R_0 \approx g_m r_{ds2} r_{ds3} a = \sqrt{2I_0 B} \frac{a}{(\lambda I_0)^2} = 5,6 \text{ G}\Omega.$$

Zbog negativne povratne sprege izlazna otpornost ovog strujnog izvora približno je a puta veća od izlazne otpornosti kaskodnog strujnog izvora.



Slika 2.44b

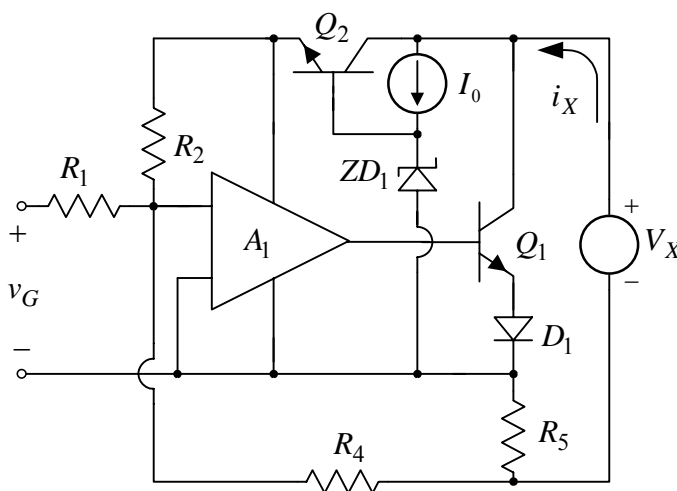
d) Na slici 2.44b prikazana je šema za male signale iz koje se određuje otpornost $R_R = v_{t1}/i_{t1}$. Prema ovoj slici je

$$v_{t1} = v_u \text{ i } v_{gs1} = av_u = av_{t1} \Rightarrow$$

$$i_{t1} = \frac{v_{t1}}{r_{ds1}} + g_m v_{gs1} = \frac{v_{t1}}{r_{ds1}} + g_m av_{t1},$$

odakle se dobija otpornost R_R ,

$$R_R = \frac{v_{t1}}{i_{t1}} = \frac{1}{\frac{1}{r_{ds1}} + g_m a} \approx \frac{1}{g_m a} = \frac{1}{a\sqrt{2I_R B}} = 44,7 \Omega.$$



Slika 2.45

2.45. U kolu sa slike 2.45 operacioni pojačavač je idealan, Zener dioda je idealna sa $V_Z = 5,6 \text{ V}$, dioda ima $V_D = 0,6 \text{ V}$, dok su parametri tranzistora: $\beta_F \rightarrow \infty$, $V_A \rightarrow \infty$, $v_{BE} \approx 0,6 \text{ V}$ i $V_{CES} \approx 0$. Poznato je: $R_1 = 5 \text{ k}\Omega$, $R_2 = 1 \text{ M}\Omega$, $R_4 = 80 \text{ k}\Omega$ i $R_5 = 100 \Omega$. Strujni izvor $I_0 = 100 \mu\text{A}$ realizovan je kao prosto strujno ogledalo. Ako je $V_X = 10 \text{ V}$ i $0 \leq v_G \leq 100 \text{ mV}$, odrediti:

- polaritet ulaznih priključaka operacionog pojačavača tako da u kolu bude ostvarena negativna povratna sprega;
- zavisnost $i_X = f(v_G)$.

c) Ako se V_X promeni od $V_{X1} = 10 \text{ V}$ do $V_{X2} = 20 \text{ V}$, odrediti promenu struje i_X .

d) Odrediti minimalnu vrednost napona $V_{X\min}$ pri kome još uvek važi zavisnost iz tačke b).

Rešenje:

a) Pošto se signal sa izlaza vraća od baze do emitora tranzistora Q_1 , pa na ulaz pojačavača, kako bi

po kružnom toku signala fazni stav bio $(2k+1)\pi, k \in \mathbb{Z}$, donji ulazni priključak operacionog pojačavača treba da bude minus priključak.

b) U kolu je ostvarena negativna povratna sprega. Referencirajući se na minus priključak operacionog pojačavača, može se pisati:

$$\frac{v_G}{R_1} = i_4 + \frac{-(V_Z - V_{BE})}{R_2}, \quad R_4 i_4 = R_5 i_5 \quad \text{i} \quad i_4 + i_5 = i_X,$$

odakle je

$$i_5 = i_4 \frac{R_4}{R_5} \Rightarrow i_4 = \frac{i_X}{1 + (R_4/R_5)} \Rightarrow i_X = \frac{v_G}{R_1} \left(1 + \frac{R_4}{R_5}\right) + \frac{V_Z - V_{BE}}{R_2} \left(1 + \frac{R_4}{R_5}\right).$$

Smenom brojnih vrednosti se dobija

$$i_X(v_G = 0) = 4 \text{ mA} \quad \text{i} \quad i_X(v_G = 0,1 \text{ V}) = 20 \text{ mA}.$$

Dakle, kolo radi kao naponski kontrolisani strujni izvor (standardni industrijski opseg strujnih davača je od 4mA do 20mA).

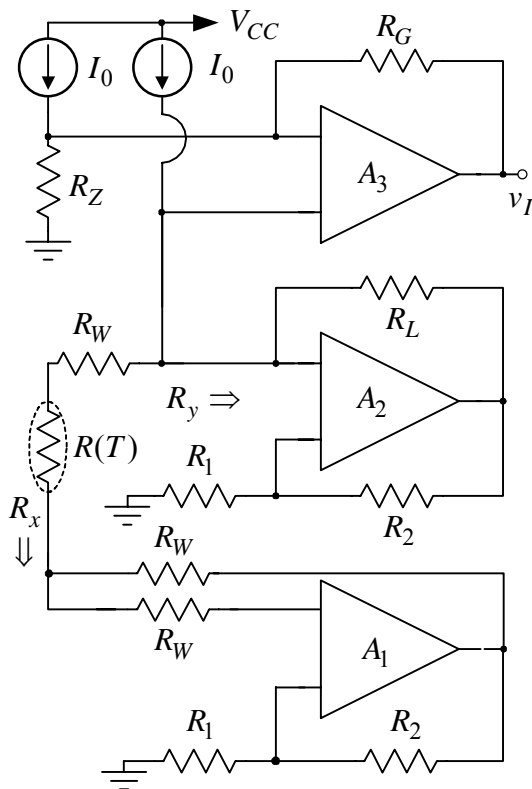
c) Na osnovu prethodnog razmatranja se zaključuje da struja i_X ne zavisi od napona v_X , tako da nema promene ove struje kada se v_X menja od 10V do 20V (osim kada je Earlyjev efekat uključen u razmatranje).

d) Pošto je strujni izvor realizovan kao prosto strujno ogledalo, minimalni pad napona za njegov ispravan rad je

$$V_{0\min} = V_{CES}.$$

Ovim uslovom je određen minimalni napon napajanja v_X , u najgorem slučaju, odnosno pri maksimalnoj struji kroz otpornik R_5 , $i_{5\max}$. Tada je

$$v_{X\min} = R_5 i_{5\max} + V_Z + V_{0\min} \approx R_5 i_{X\max} + V_Z + V_{CES} = (0,1 \cdot 20) \text{ V} + 5,6 \text{ V} + 0 = 7,6 \text{ V}.$$



Slika 2.46

2.46. Na slici 2.46 je prikazano kolo koje se koristi za merenje temperature, pri čemu se kao temperaturno osetljiva otpornost koristi otpornik $R(t) = R_0(1 + At + Bt^2)$, gde je $R_0 = 1 \text{ k}\Omega$, $A = 4 \cdot 10^{-3} \text{ }^\circ\text{C}^{-1}$ i $B = -6 \cdot 10^{-7} \text{ }^\circ\text{C}^{-2}$, dok se temperatura ambijenta, u $^\circ\text{C}$, u kojem se otpornost nalazi menja u opsegu od $0 \text{ }^\circ\text{C}$ do $800 \text{ }^\circ\text{C}$. Poznato je: $R_1 = R_2 = 10 \text{ k}\Omega$, $R_L = 22 \text{ k}\Omega$, $R_W \ll R_L$, $I_0 = 100 \mu\text{A}$ i $V_{CC} = 12 \text{ V}$, a upotrebljeni operacioni pojačavači su idealni i napajaju se iz baterija $V_{CC} = -V_{EE}$.

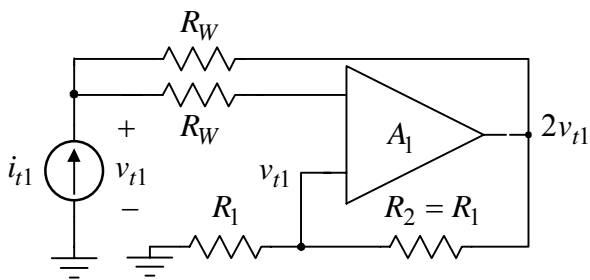
a) Smatrajući da je u kolu ostvarena negativna povratna sprega, odrediti otpornosti R_x i R_y .

Na osnovu rezultata iz tačke a) odrediti:

b) polaritet ulaznih priključaka upotrebljenih operacionih pojačavača tako da u kolu bude ostvarena negativna povratna sprega;

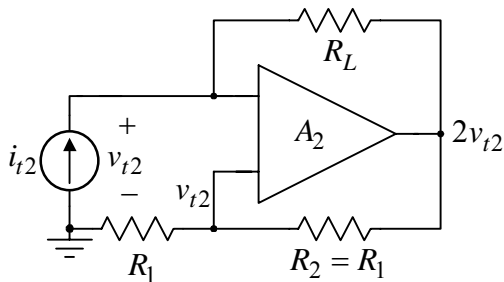
c) zavisnost izlaznog napona v_I u funkciji temperature i

d) vrednosti nepoznatih otpornosti tako da zadatoj temperaturnoj promeni odgovara promena izlaznog napona od 0 do 10 V.



Slika 2.46a

toka signala test generator čija je *ems* v_t . Usled ovoga će donji priključak biti na potencijalu



Slika 2.46b

Posle ovoga se zaključuje da je

$$v_{g2} < v_{d2},$$

što znači da gornji ulazni priključak pojačavača A_2 treba da je plus.

Raskidanjem povratne sprege u kolu pojačavača A_1 , na njegovom izlazu i stavljanjem test generatora u smeru toka signala, na donjem priključku ovog pojačavača će biti

$$v_{d1} = v_t / 2.$$

Otpornost koja se vidi između gornjeg priključka pojačavača A_1 i mase je

$$R_{g1} = R(T) + R_W - R_L,$$

tako da je potencijal gornjeg priključka

$$v_{g1} = \frac{R_{g1}}{R_{g1} + R_W} v_t = \frac{R(T) + R_W - R_L}{R(T) + R_W - R_L + R_W} v_t \approx v_t, \quad R_W \ll R_L.$$

S povećanjem napona na izlazu potencijal gornjeg priključka više raste, a da bi napon na izlazu pojačavača opadao potrebno je da gornji priključak bude minus.

Kod pojačavača A_3 postoji samo jedan put po kome se vraća signal sa izlaza, a pritom ne obrće fazu signala. Stoga je potrebno da gornji ulazni priključak ovog pojačavača bude minus priključak.

c) Primenom principa superpozicije dobija se da je izlazni napon

$$v_I(T) = \left(1 + \frac{R_G}{R_Z}\right) (R(T) \parallel (-R_L)) - R_G I_0.$$

d) Na osnovu prethodnog rezultata i uslova

$$v_I(t = 0^\circ\text{C}) = \left(1 + \frac{R_G}{R_Z}\right) (R_0 \parallel (-R_L)) - R_G I_0 = 0 \text{ i}$$

$$v_I(t = 800^\circ\text{C}) = \left(1 + \frac{R_G}{R_Z}\right) (R(t = 800^\circ\text{C}) \parallel (-R_L)) - R_G I_0 = 10\text{V},$$

dobijaju se tražene otpornosti $R_G = 29,35\text{k}\Omega$ i $R_Z = 1,086\text{k}\Omega$.

Rešenje:

a) Prema slici 2.46a je

$$i_{t1} = \frac{v_{t1} - 2v_{t1}}{R_W} \Rightarrow R_x = \frac{v_{t1}}{i_{t1}} = -R_W.$$

Prema slici 2.46b je

$$R_y = \frac{v_{t2}}{i_{t2}} = -R_L.$$

b) Raskinimo povratnu spregu u kolu pojačavača A_2 , npr. na izlazu pojačavača, i postavimo u smeru

$$v_{d2} = \frac{R_1}{R_1 + R_2} v_t = \frac{v_t}{2},$$

dok je potencijal gornjeg priključka

$$v_{g2} = \frac{-R_W + R(T) + R_W}{-R_W + R(T) + R_W + R_L} v_t = \frac{R(T)}{R(T) + R_L} v_t.$$

Na osnovu vrednosti otpornosti

$$R(t = 0^\circ\text{C}) = R_0 \text{ i } R(t = 800^\circ\text{C}) = 3,816\text{k}\Omega,$$

zaključuje se da je zadovoljen uslov

$$R(t) < R_L.$$